

# Tests d'hypothèses

## Vocabulaire - Présentation des enjeux

A. Claeys

GEA - IUT A - Lille 1

Décembre 2012

# Plan

- 1 Objectif et définitions.
  - Prise de décision à partir d'échantillons.
  - Echantillons dans le cas des tests de comparaison.
- 2 Stratégie.
  - Le principe.
  - Risques d'erreurs.
  - Exemple.
- 3 Test bilatéral - Test unilatéral.
  - Un exemple pour comprendre.
  - Distinction bilatéral - unilatéral.
  - Un exemple classique.

# Notations.

Dans ce diaporama, on utilise les notations suivantes.

- $m$  : la moyenne de la population,
- $\sigma$  : l'écart-type de la population,
- $n$  : la taille d'un échantillon prélevé dans la population,
- $\bar{x}$  : la moyenne d'un échantillon prélevé dans la population,
- $s$  : l'écart-type d'un échantillon prélevé dans la population,
- $X$  : la v.a. qui à un individu (choisi au hasard dans la population) fait correspondre la valeur du caractère étudié,
- $\bar{X}$  : la v.a. qui à un échantillon de taille  $n$  (choisi au hasard dans la population) fait correspondre la moyenne du caractère étudié,
- $\mathcal{N}or(\alpha; \beta)$  : la loi normale d'espérance  $\alpha$  et d'écart-type  $\beta$  ( $\beta > 0$ ),
- $\mathcal{S}tu_k(\alpha; \beta)$  : la loi de Student à  $k$  d.d.l. d'espérance  $\alpha$  et d'écart-type  $\beta$  ( $\beta > 0$ ).

# Notations.

Dans ce diaporama, on utilise les notations suivantes.

- $m$  : la moyenne de la population,
- $\sigma$  : l'écart-type de la population,
- $n$  : la taille d'un échantillon prélevé dans la population,
- $\bar{x}$  : la moyenne d'un échantillon prélevé dans la population,
- $s$  : l'écart-type d'un échantillon prélevé dans la population,
- $X$  : la v.a. qui à un individu (choisi au hasard dans la population) fait correspondre la valeur du caractère étudié,
- $\bar{X}$  : la v.a. qui à un échantillon de taille  $n$  (choisi au hasard dans la population) fait correspondre la moyenne du caractère étudié,
- $\mathcal{N}or(\alpha; \beta)$  : la loi normale d'espérance  $\alpha$  et d'écart-type  $\beta$  ( $\beta > 0$ ),
- $\mathcal{S}tu_k(\alpha; \beta)$  : la loi de Student à  $k$  d.d.l. d'espérance  $\alpha$  et d'écart-type  $\beta$  ( $\beta > 0$ ).

# Notations.

Dans ce diaporama, on utilise les notations suivantes.

- $m$  : la moyenne de la population,
- $\sigma$  : l'écart-type de la population,
- $n$  : la taille d'un échantillon prélevé dans la population,
- $\bar{x}$  : la moyenne d'un échantillon prélevé dans la population,
- $s$  : l'écart-type d'un échantillon prélevé dans la population,
- $X$  : la v.a. qui à un individu (choisi au hasard dans la population) fait correspondre la valeur du caractère étudié,
- $\bar{X}$  : la v.a. qui à un échantillon de taille  $n$  (choisi au hasard dans la population) fait correspondre la moyenne du caractère étudié,
- $\mathcal{N}or(\alpha; \beta)$  : la loi normale d'espérance  $\alpha$  et d'écart-type  $\beta$  ( $\beta > 0$ ),
- $\mathcal{S}tu_k(\alpha; \beta)$  : la loi de Student à  $k$  d.d.l. d'espérance  $\alpha$  et d'écart-type  $\beta$  ( $\beta > 0$ ).

# Notations.

Dans ce diaporama, on utilise les notations suivantes.

- $m$  : la moyenne de la population,
- $\sigma$  : l'écart-type de la population,
- $n$  : la taille d'un échantillon prélevé dans la population,
- $\bar{x}$  : la moyenne d'un échantillon prélevé dans la population,
- $s$  : l'écart-type d'un échantillon prélevé dans la population,
- $X$  : la v.a. qui à un individu (choisi au hasard dans la population) fait correspondre la valeur du caractère étudié,
- $\bar{X}$  : la v.a. qui à un échantillon de taille  $n$  (choisi au hasard dans la population) fait correspondre la moyenne du caractère étudié,
- $\mathcal{N}or(\alpha; \beta)$  : la loi normale d'espérance  $\alpha$  et d'écart-type  $\beta$  ( $\beta > 0$ ),
- $\mathcal{S}tu_k(\alpha; \beta)$  : la loi de Student à  $k$  d.d.l. d'espérance  $\alpha$  et d'écart-type  $\beta$  ( $\beta > 0$ ).

# Notations.

Dans ce diaporama, on utilise les notations suivantes.

- $m$  : la moyenne de la population,
- $\sigma$  : l'écart-type de la population,
- $n$  : la taille d'un échantillon prélevé dans la population,
- $\bar{x}$  : la moyenne d'un échantillon prélevé dans la population,
- $s$  : l'écart-type d'un échantillon prélevé dans la population,
- $X$  : la v.a. qui à un individu (choisi au hasard dans la population) fait correspondre la valeur du caractère étudié,
- $\bar{X}$  : la v.a. qui à un échantillon de taille  $n$  (choisi au hasard dans la population) fait correspondre la moyenne du caractère étudié,
- $\mathcal{N}or(\alpha; \beta)$  : la loi normale d'espérance  $\alpha$  et d'écart-type  $\beta$  ( $\beta > 0$ ),
- $\mathcal{S}tu_k(\alpha; \beta)$  : la loi de Student à  $k$  d.d.l. d'espérance  $\alpha$  et d'écart-type  $\beta$  ( $\beta > 0$ ).

# Notations.

Dans ce diaporama, on utilise les notations suivantes.

- $m$  : la moyenne de la population,
- $\sigma$  : l'écart-type de la population,
- $n$  : la taille d'un échantillon prélevé dans la population,
- $\bar{x}$  : la moyenne d'un échantillon prélevé dans la population,
- $s$  : l'écart-type d'un échantillon prélevé dans la population,
- $X$  : la v.a. qui à un individu (choisi au hasard dans la population) fait correspondre la valeur du caractère étudié,
- $\bar{X}$  : la v.a. qui à un échantillon de taille  $n$  (choisi au hasard dans la population) fait correspondre la moyenne du caractère étudié,
- $\mathcal{N}or(\alpha; \beta)$  : la loi normale d'espérance  $\alpha$  et d'écart-type  $\beta$  ( $\beta > 0$ ),
- $\mathcal{S}tu_k(\alpha; \beta)$  : la loi de Student à  $k$  d.d.l. d'espérance  $\alpha$  et d'écart-type  $\beta$  ( $\beta > 0$ ).

# Notations.

Dans ce diaporama, on utilise les notations suivantes.

- $m$  : la moyenne de la population,
- $\sigma$  : l'écart-type de la population,
- $n$  : la taille d'un échantillon prélevé dans la population,
- $\bar{x}$  : la moyenne d'un échantillon prélevé dans la population,
- $s$  : l'écart-type d'un échantillon prélevé dans la population,
- $X$  : la v.a. qui à un individu (choisi au hasard dans la population) fait correspondre la valeur du caractère étudié,
- $\bar{X}$  : la v.a. qui à un échantillon de taille  $n$  (choisi au hasard dans la population) fait correspondre la moyenne du caractère étudié,
- $\mathcal{N}or(\alpha; \beta)$  : la loi normale d'espérance  $\alpha$  et d'écart-type  $\beta$  ( $\beta > 0$ ),
- $\mathcal{S}tu_k(\alpha; \beta)$  : la loi de Student à  $k$  d.d.l. d'espérance  $\alpha$  et d'écart-type  $\beta$  ( $\beta > 0$ ).

# Notations.

Dans ce diaporama, on utilise les notations suivantes.

- $m$  : la moyenne de la population,
- $\sigma$  : l'écart-type de la population,
- $n$  : la taille d'un échantillon prélevé dans la population,
- $\bar{x}$  : la moyenne d'un échantillon prélevé dans la population,
- $s$  : l'écart-type d'un échantillon prélevé dans la population,
- $X$  : la v.a. qui à un individu (choisi au hasard dans la population) fait correspondre la valeur du caractère étudié,
- $\bar{X}$  : la v.a. qui à un échantillon de taille  $n$  (choisi au hasard dans la population) fait correspondre la moyenne du caractère étudié,
- $\mathcal{N}or(\alpha; \beta)$  : la loi normale d'espérance  $\alpha$  et d'écart-type  $\beta$  ( $\beta > 0$ ),
- $\mathcal{S}tu_k(\alpha; \beta)$  : la loi de Student à  $k$  d.d.l. d'espérance  $\alpha$  et d'écart-type  $\beta$  ( $\beta > 0$ ).

# Notations.

Dans ce diaporama, on utilise les notations suivantes.

- $m$  : la moyenne de la population,
- $\sigma$  : l'écart-type de la population,
- $n$  : la taille d'un échantillon prélevé dans la population,
- $\bar{x}$  : la moyenne d'un échantillon prélevé dans la population,
- $s$  : l'écart-type d'un échantillon prélevé dans la population,
- $X$  : la v.a. qui à un individu (choisi au hasard dans la population) fait correspondre la valeur du caractère étudié,
- $\bar{X}$  : la v.a. qui à un échantillon de taille  $n$  (choisi au hasard dans la population) fait correspondre la moyenne du caractère étudié,
- $\mathcal{N}(\alpha; \beta)$  : la loi normale d'espérance  $\alpha$  et d'écart-type  $\beta$  ( $\beta > 0$ ),
- $\mathcal{S}tu_k(\alpha; \beta)$  : la loi de Student à  $k$  d.d.l. d'espérance  $\alpha$  et d'écart-type  $\beta$  ( $\beta > 0$ ).

# Notations.

Dans ce diaporama, on utilise les notations suivantes.

- $m$  : la moyenne de la population,
- $\sigma$  : l'écart-type de la population,
- $n$  : la taille d'un échantillon prélevé dans la population,
- $\bar{x}$  : la moyenne d'un échantillon prélevé dans la population,
- $s$  : l'écart-type d'un échantillon prélevé dans la population,
- $X$  : la v.a. qui à un individu (choisi au hasard dans la population) fait correspondre la valeur du caractère étudié,
- $\bar{X}$  : la v.a. qui à un échantillon de taille  $n$  (choisi au hasard dans la population) fait correspondre la moyenne du caractère étudié,
- $\mathcal{N}or(\alpha; \beta)$  : la loi normale d'espérance  $\alpha$  et d'écart-type  $\beta$  ( $\beta > 0$ ),
- $\mathcal{S}tu_k(\alpha; \beta)$  : la loi de Student à  $k$  d.d.l. d'espérance  $\alpha$  et d'écart-type  $\beta$  ( $\beta > 0$ ).

# Plan

- 1 Objectif et définitions.
  - Prise de décision à partir d'échantillons.
  - Echantillons dans le cas des tests de comparaison.
- 2 Stratégie.
  - Le principe.
  - Risques d'erreurs.
  - Exemple.
- 3 Test bilatéral - Test unilatéral.
  - Un exemple pour comprendre.
  - Distinction bilatéral - unilatéral.
  - Un exemple classique.

# Objectif : prise de décision.

Comment décider si une affirmation est vraie ?

- Une affirmation d'un fabricant sur sa production est-elle exacte ?
- N'y a-t-il pas de fraude sur les frais déclarés par une entreprise ?

Comment décider si une action a été efficace ?

- Les ventes avec le nouvel emballage sont-elles meilleures ?
- L'absentéisme féminin a-t-il diminué grâce à la nouvelle crèche ?

# Objectif : prise de décision.

Comment décider si une affirmation est vraie ?

- Une affirmation d'un fabricant sur sa production est-elle exacte ?
- N'y a-t-il pas de fraude sur les frais déclarés par une entreprise ?

Comment décider si une action a été efficace ?

- Les ventes avec le nouvel emballage sont-elles meilleures ?
- L'absentéisme féminin a-t-il diminué grâce à la nouvelle crèche ?

# Objectif : prise de décision.

Comment décider si une affirmation est vraie ?

- Une affirmation d'un fabricant sur sa production est-elle exacte ?
- N'y a-t-il pas de fraude sur les frais déclarés par une entreprise ?

Comment décider si une action a été efficace ?

- Les ventes avec le nouvel emballage sont-elles meilleures ?
- L'absentéisme féminin a-t-il diminué grâce à la nouvelle crèche ?

# Objectif : prise de décision.

Comment décider si une affirmation est vraie ?

- Une affirmation d'un fabricant sur sa production est-elle exacte ?
- N'y a-t-il pas de fraude sur les frais déclarés par une entreprise ?

La population est trop grande, trop précieuse : recours aux échantillons.

Comment décider si une action a été efficace ?

- Les ventes avec le nouvel emballage sont-elles meilleures ?
- L'absentéisme féminin a-t-il diminué grâce à la nouvelle crèche ?

# Objectif : prise de décision.

Comment décider si une affirmation est vraie ?

Test de conformité

- Une affirmation d'un fabricant sur sa production est-elle exacte ?
- N'y a-t-il pas de fraude sur les frais déclarés par une entreprise ?

La population est trop grande, trop précieuse : recours aux échantillons.

Comment décider si une action a été efficace ?

- Les ventes avec le nouvel emballage sont-elles meilleures ?
- L'absentéisme féminin a-t-il diminué grâce à la nouvelle crèche ?

# Objectif : prise de décision.

Comment décider si une affirmation est vraie ?

Test de conformité

- Une affirmation d'un fabricant sur sa production est-elle exacte ?
- N'y a-t-il pas de fraude sur les frais déclarés par une entreprise ?

La population est trop grande, trop précieuse : recours aux échantillons.

Comment décider si une action a été efficace ?

- Les ventes avec le nouvel emballage sont-elles meilleures ?
- L'absentéisme féminin a-t-il diminué grâce à la nouvelle crèche ?

# Objectif : prise de décision.

Comment décider si une affirmation est vraie ?

Test de conformité

- Une affirmation d'un fabricant sur sa production est-elle exacte ?
- N'y a-t-il pas de fraude sur les frais déclarés par une entreprise ?

La population est trop grande, trop précieuse : recours aux échantillons.

Comment décider si une action a été efficace ?

- Les ventes avec le nouvel emballage sont-elles meilleures ?
- L'absentéisme féminin a-t-il diminué grâce à la nouvelle crèche ?

# Objectif : prise de décision.

Comment décider si une affirmation est vraie ?

Test de conformité

- Une affirmation d'un fabricant sur sa production est-elle exacte ?
- N'y a-t-il pas de fraude sur les frais déclarés par une entreprise ?

La population est trop grande, trop précieuse : recours aux échantillons.

Comment décider si une action a été efficace ?

- Les ventes avec le nouvel emballage sont-elles meilleures ?
- L'absentéisme féminin a-t-il diminué grâce à la nouvelle crèche ?

# Objectif : prise de décision.

Comment décider si une affirmation est vraie ?

Test de conformité

- Une affirmation d'un fabricant sur sa production est-elle exacte ?
- N'y a-t-il pas de fraude sur les frais déclarés par une entreprise ?

La population est trop grande, trop précieuse : recours aux échantillons.

Comment décider si une action a été efficace ?

- Les ventes avec le nouvel emballage sont-elles meilleures ?
- L'absentéisme féminin a-t-il diminué grâce à la nouvelle crèche ?

La décision doit être prise rapidement : recours aux échantillons.

# Objectif : prise de décision.

Comment décider si une affirmation est vraie ?

Test de conformité

- Une affirmation d'un fabricant sur sa production est-elle exacte ?
- N'y a-t-il pas de fraude sur les frais déclarés par une entreprise ?

La population est trop grande, trop précieuse : recours aux échantillons.

Comment décider si une action a été efficace ?

Test de comparaison

- Les ventes avec le nouvel emballage sont-elles meilleures ?
- L'absentéisme féminin a-t-il diminué grâce à la nouvelle crèche ?

La décision doit être prise rapidement : recours aux échantillons.

## Objectif : prise de décision.

Comment décider si une affirmation est vraie ?

Test de conformité

- Une affirmation d'un fabricant sur sa production est-elle exacte ?
- N'y a-t-il pas de fraude sur les frais déclarés par une entreprise ?

La population est trop grande, trop précieuse : recours aux échantillons.

Comment décider si une action a été efficace ?

Test de comparaison

- Les ventes avec le nouvel emballage sont-elles meilleures ?
- L'absentéisme féminin a-t-il diminué grâce à la nouvelle crèche ?

La décision doit être prise rapidement : recours aux échantillons.

Les indicateurs des échantillons présentent-ils des différences significatives ?

# Plan

- 1 Objectif et définitions.
  - Prise de décision à partir d'échantillons.
  - Echantillons dans le cas des tests de comparaison.
- 2 Stratégie.
  - Le principe.
  - Risques d'erreurs.
  - Exemple.
- 3 Test bilatéral - Test unilatéral.
  - Un exemple pour comprendre.
  - Distinction bilatéral - unilatéral.
  - Un exemple classique.

# Echantillons appariés - échantillons indépendants.

## Exemple

Comment étudier la différence de notations de deux correcteurs ?

### Méthode 1

- Confier à chaque correcteur un paquet de copies.
- Comparer les moyennes obtenues.

### Méthode 2

- Confier le même paquet de copies à chaque correcteur.
- Comparer les moyennes obtenues.

# Echantillons appariés - échantillons indépendants.

## Exemple

Comment étudier la différence de notations de deux correcteurs ?

### Méthode 1

- Confier à chaque correcteur un paquet de copies.
- Comparer les moyennes obtenues.

### Méthode 2

- Confier le même paquet de copies à chaque correcteur.
- Comparer les moyennes obtenues.

# Echantillons appariés - échantillons indépendants.

## Exemple

Comment étudier la différence de notations de deux correcteurs ?

### Méthode 1

- Confier à chaque correcteur un paquet de copies.
- Comparer les moyennes obtenues.

### Méthode 2

- Confier le même paquet de copies à chaque correcteur.
- Comparer les moyennes obtenues.

# Echantillons appariés - échantillons indépendants.

## Exemple

Comment étudier la différence de notations de deux correcteurs ?

### Méthode 1

- Confier à chaque correcteur un paquet de copies.
- Comparer les moyennes obtenues.

### Méthode 2

- Confier le même paquet de copies à chaque correcteur.
- Comparer les moyennes obtenues.

# Echantillons appariés - échantillons indépendants.

## Exemple

Comment étudier la différence de notations de deux correcteurs ?

### Méthode 1

### Echantillons indépendants

- Confier à chaque correcteur un paquet de copies.
- Comparer les moyennes obtenues.

### Méthode 2

- Confier le même paquet de copies à chaque correcteur.
- Comparer les moyennes obtenues.

# Echantillons appariés - échantillons indépendants.

## Exemple

Comment étudier la différence de notations de deux correcteurs ?

### Méthode 1

### Echantillons indépendants

- Confier à chaque correcteur un paquet de copies.
- Comparer les moyennes obtenues.

### Méthode 2

- Confier le même paquet de copies à chaque correcteur.
- Comparer les moyennes obtenues.

# Echantillons appariés - échantillons indépendants.

## Exemple

Comment étudier la différence de notations de deux correcteurs ?

### Méthode 1

### Echantillons indépendants

- Confier à chaque correcteur un paquet de copies.
- Comparer les moyennes obtenues.

### Méthode 2

- Confier le même paquet de copies à chaque correcteur.
- Comparer les moyennes obtenues.

# Echantillons appariés - échantillons indépendants.

## Exemple

Comment étudier la différence de notations de deux correcteurs ?

### Méthode 1

### Echantillons indépendants

- Confier à chaque correcteur un paquet de copies.
- Comparer les moyennes obtenues.

### Méthode 2

- Confier le même paquet de copies à chaque correcteur.
- Comparer les moyennes obtenues.

# Echantillons appariés - échantillons indépendants.

## Exemple

Comment étudier la différence de notations de deux correcteurs ?

### Méthode 1

#### Echantillons indépendants

- Confier à chaque correcteur un paquet de copies.
- Comparer les moyennes obtenues.

### Méthode 2

#### Echantillons appariés

- Confier le même paquet de copies à chaque correcteur.
- Comparer les moyennes obtenues.

# Plan

- 1 Objectif et définitions.
  - Prise de décision à partir d'échantillons.
  - Echantillons dans le cas des tests de comparaison.
- 2 Stratégie.
  - Le principe.
  - Risques d'erreurs.
  - Exemple.
- 3 Test bilatéral - Test unilatéral.
  - Un exemple pour comprendre.
  - Distinction bilatéral - unilatéral.
  - Un exemple classique.

# Le principe.

- On oppose deux hypothèses contraires :  $\mathcal{H}_0$  contre  $\mathcal{H}_1$ .

$\mathcal{H}_0$  : hypothèse nulle

Hypothèse qui paraît la plus évidente.  
Hypothèse que l'on abandonnera qu'à condition d'observer une valeur inattendue sur un échantillon.

- On suppose  $\mathcal{H}_0$  vraie et on détermine l'intervalle de décision  $I$  :

$$P(\text{indicateur futur} \in I) = 0,95.$$

- On prélève un (des) échantillon(s) et on calcule l'indicateur.

# Le principe.

- On oppose deux hypothèses contraires :  $\mathcal{H}_0$  contre  $\mathcal{H}_1$ .

$\mathcal{H}_0$  : hypothèse nulle

Hypothèse qui paraît la plus évidente.  
Hypothèse que l'on abandonnera qu'à condition d'observer une valeur inattendue sur un échantillon.

- On suppose  $\mathcal{H}_0$  vraie et on détermine l'intervalle de décision  $I$  :

$$P(\text{indicateur futur} \in I) = 0,95.$$

- On prélève un (des) échantillon(s) et on calcule l'indicateur.

# Le principe.

- On oppose deux hypothèses contraires :  $\mathcal{H}_0$  contre  $\mathcal{H}_1$ .

$\mathcal{H}_0$  : hypothèse nulle

Hypothèse qui paraît la plus évidente.

Hypothèse que l'on abandonnera qu'à condition d'observer une valeur inattendue sur un échantillon.

- On suppose  $\mathcal{H}_0$  vraie et on détermine l'intervalle de décision  $I$  :

$$P(\text{indicateur futur} \in I) = 0,95.$$

- On prélève un (des) échantillon(s) et on calcule l'indicateur.

# Le principe.

- On oppose deux hypothèses contraires :  $\mathcal{H}_0$  contre  $\mathcal{H}_1$ .

$\mathcal{H}_0$  : hypothèse nulle

Hypotèse qui paraît la plus évidente.

Hypothèse que l'on abandonnera qu'à condition d'observer une valeur inattendue sur un échantillon.

$\mathcal{H}_1$  : hypothèse alternative

Hypotèse qui paraît la moins évidente.

Hypothèse que l'on acceptera à condition q'une mesure sur un échantillon nous fasse douter de  $\mathcal{H}_0$ .

- On suppose  $\mathcal{H}_0$  vraie et on détermine l'intervalle de décision  $I$  :

$$P(\text{indicateur futur} \in I) = 0,95.$$

- On prélève un (des) échantillon(s) et on calcule l'indicateur.

# Le principe.

- On oppose deux hypothèses contraires :  $\mathcal{H}_0$  contre  $\mathcal{H}_1$ .

$\mathcal{H}_0$  : hypothèse nulle

Hypotèse qui paraît la plus évidente.  
Hypothèse que l'on abandonnera qu'à condition d'observer une valeur inattendue sur un échantillon.

$\mathcal{H}_1$  : hypothèse alternative

Hypotèse qui paraît la moins évidente.  
Hypothèse que l'on acceptera à condition q'une mesure sur un échantillon nous fasse douter de  $\mathcal{H}_0$ .

- On suppose  $\mathcal{H}_0$  vraie et on détermine l'intervalle de décision  $I$  :

$$P(\text{indicateur futur} \in I) = 0,95.$$

- On prélève un (des) échantillon(s) et on calcule l'indicateur.

# Le principe.

- On oppose deux hypothèses contraires :  $\mathcal{H}_0$  contre  $\mathcal{H}_1$ .

$\mathcal{H}_0$  : hypothèse nulle

Hypothèse qui paraît la plus évidente.  
Hypothèse que l'on abandonnera qu'à condition d'observer une valeur inattendue sur un échantillon.

$\mathcal{H}_1$  : hypothèse alternative

Hypothèse qui paraît la moins évidente.  
Hypothèse que l'on acceptera à condition qu'une mesure sur un échantillon nous fasse douter de  $\mathcal{H}_0$ .

- On suppose  $\mathcal{H}_0$  vraie et on détermine l'intervalle de décision  $I$  :

$$P(\text{indicateur futur} \in I) = 0,95.$$

- On prélève un (des) échantillon(s) et on calcule l'indicateur.

Deux possibilités

# Le principe.

- On oppose deux hypothèses contraires :  $\mathcal{H}_0$  contre  $\mathcal{H}_1$ .

$\mathcal{H}_0$  : hypothèse nulle

Hypothèse qui paraît la plus évidente.

Hypothèse que l'on abandonnera qu'à condition d'observer une valeur inattendue sur un échantillon.

$\mathcal{H}_1$  : hypothèse alternative

Hypothèse qui paraît la moins évidente.

Hypothèse que l'on acceptera à condition qu'une mesure sur un échantillon nous fasse douter de  $\mathcal{H}_0$ .

- On suppose  $\mathcal{H}_0$  vraie et on détermine l'intervalle de décision  $I$  :

$$P(\text{indicateur futur} \in I) = 0,95.$$

- On prélève un (des) échantillon(s) et on calcule l'indicateur.

Deux possibilités

# Le principe.

- On oppose deux hypothèses contraires :  $\mathcal{H}_0$  contre  $\mathcal{H}_1$ .

$\mathcal{H}_0$  : hypothèse nulle

Hypothèse qui paraît la plus évidente.

Hypothèse que l'on abandonnera qu'à condition d'observer une valeur inattendue sur un échantillon.

$\mathcal{H}_1$  : hypothèse alternative

Hypothèse qui paraît la moins évidente.

Hypothèse que l'on acceptera à condition qu'une mesure sur un échantillon nous fasse douter de  $\mathcal{H}_0$ .

- On suppose  $\mathcal{H}_0$  vraie et on détermine l'intervalle de décision  $I$  :

$$P(\text{indicateur futur} \in I) = 0,95.$$

- On prélève un (des) échantillon(s) et on calcule l'indicateur.

Deux possibilités

# Le principe.

- On oppose deux hypothèses contraires :  $\mathcal{H}_0$  contre  $\mathcal{H}_1$ .

$\mathcal{H}_0$  : hypothèse nulle

Hypothèse qui paraît la plus évidente.  
Hypothèse que l'on abandonnera qu'à condition d'observer une valeur inattendue sur un échantillon.

$\mathcal{H}_1$  : hypothèse alternative

Hypothèse qui paraît la moins évidente.  
Hypothèse que l'on acceptera à condition qu'une mesure sur un échantillon nous fasse douter de  $\mathcal{H}_0$ .

- On suppose  $\mathcal{H}_0$  vraie et on détermine l'intervalle de décision  $I$  :

$$P(\text{indicateur futur} \in I) = 0,95.$$

- On prélève un (des) échantillon(s) et on calcule l'indicateur.

Deux possibilités

indicateur  $\in I$   
on accepte  $\mathcal{H}_0$   
on rejette  $\mathcal{H}_1$

# Le principe.

- On oppose deux hypothèses contraires :  $\mathcal{H}_0$  contre  $\mathcal{H}_1$ .

$\mathcal{H}_0$  : hypothèse nulle

Hypothèse qui paraît la plus évidente.  
Hypothèse que l'on abandonnera qu'à condition d'observer une valeur inattendue sur un échantillon.

$\mathcal{H}_1$  : hypothèse alternative

Hypothèse qui paraît la moins évidente.  
Hypothèse que l'on acceptera à condition qu'une mesure sur un échantillon nous fasse douter de  $\mathcal{H}_0$ .

- On suppose  $\mathcal{H}_0$  vraie et on détermine l'intervalle de décision  $I$  :

$$P(\text{indicateur futur} \in I) = 0,95.$$

- On prélève un (des) échantillon(s) et on calcule l'indicateur.

Deux possibilités

indicateur  $\in I$   
on accepte  $\mathcal{H}_0$   
on rejette  $\mathcal{H}_1$

indicateur  $\notin I$   
on rejette  $\mathcal{H}_0$   
on accepte  $\mathcal{H}_1$

# Plan

- 1 Objectif et définitions.
  - Prise de décision à partir d'échantillons.
  - Echantillons dans le cas des tests de comparaison.
- 2 Stratégie.
  - Le principe.
  - Risques d'erreurs.
  - Exemple.
- 3 Test bilatéral - Test unilatéral.
  - Un exemple pour comprendre.
  - Distinction bilatéral - unilatéral.
  - Un exemple classique.

# Risque de première espèce - de deuxième espèce.

Le test ne permet pas de connaître la vérité :  
▷ on commettra peut-être une erreur en prenant sa décision.

	Décision	
Réalité inconnue	On accepte $\mathcal{H}_0$	On refuse $\mathcal{H}_0$
$\mathcal{H}_0$ est vraie		
$\mathcal{H}_0$ est fausse		

- Rejet à tort de  $\mathcal{H}_0$  :  
 $\alpha$  = risque de première espèce (fixé à 5% en général).

- Acceptation à tort de  $\mathcal{H}_0$  :  
 $\beta$  = risque de deuxième espèce (non calculé en GEA).

# Risque de première espèce - de deuxième espèce.

Le test ne permet pas de connaître la vérité :  
▷ on commettra peut-être une erreur en prenant sa décision.

Réalité inconnue	Décision	
	On accepte $\mathcal{H}_0$	On refuse $\mathcal{H}_0$
$\mathcal{H}_0$ est vraie		
$\mathcal{H}_0$ est fausse		

- Rejet à tort de  $\mathcal{H}_0$  :  
 $\alpha$  = risque de première espèce (fixé à 5% en général).
- Acceptation à tort de  $\mathcal{H}_0$  :  
 $\beta$  = risque de deuxième espèce (non calculé en GEA).

# Risque de première espèce - de deuxième espèce.

Le test ne permet pas de connaître la vérité :  
 ► on commettra peut-être une erreur en prenant sa décision.

Réalité inconnue	Décision	On accepte $\mathcal{H}_0$	On refuse $\mathcal{H}_0$
	$\mathcal{H}_0$ est vraie		$\alpha = P(\text{rejeter } \mathcal{H}_0)$
$\mathcal{H}_0$ est fausse			

- Rejet à tort de  $\mathcal{H}_0$  :  
 $\alpha =$  risque de première espèce (fixé à 5% en général).

- Acceptation à tort de  $\mathcal{H}_0$  :  
 $\beta =$  risque de deuxième espèce (non calculé en GEA).



# Risque de première espèce - de deuxième espèce.

Le test ne permet pas de connaître la vérité :  
 ▷ on commettra peut-être une erreur en prenant sa décision.

Réalité inconnue	Décision	
	On accepte $\mathcal{H}_0$	On refuse $\mathcal{H}_0$
$\mathcal{H}_0$ est vraie	conforme	$\alpha = P(\text{rejeter } \mathcal{H}_0)$
$\mathcal{H}_0$ est fausse	$\beta = P(\text{accepter } \mathcal{H}_0)$	

- Rejet à tort de  $\mathcal{H}_0$  :  
 $\alpha =$  risque de première espèce (fixé à 5% en général).
- Acceptation à tort de  $\mathcal{H}_0$  :  
 $\beta =$  risque de deuxième espèce (non calculé en GEA).

# Risque de première espèce - de deuxième espèce.

Le test ne permet pas de connaître la vérité :

▷ on commettra peut-être une erreur en prenant sa décision.

Réalité inconnue	Décision	
	On accepte $\mathcal{H}_0$	On refuse $\mathcal{H}_0$
$\mathcal{H}_0$ est vraie	conforme	$\alpha = P(\text{rejeter } \mathcal{H}_0)$
$\mathcal{H}_0$ est fausse	$\beta = P(\text{accepter } \mathcal{H}_0)$	conforme

- Rejet à tort de  $\mathcal{H}_0$  :  
 $\alpha =$  risque de première espèce (fixé à 5% en général).
- Acceptation à tort de  $\mathcal{H}_0$  :  
 $\beta =$  risque de deuxième espèce (non calculé en GEA).

# Plan

- 1 Objectif et définitions.
  - Prise de décision à partir d'échantillons.
  - Echantillons dans le cas des tests de comparaison.
- 2 Stratégie.
  - Le principe.
  - Risques d'erreurs.
  - Exemple.
- 3 Test bilatéral - Test unilatéral.
  - Un exemple pour comprendre.
  - Distinction bilatéral - unilatéral.
  - Un exemple classique.

# Exemple - présentation schématisée du problème.

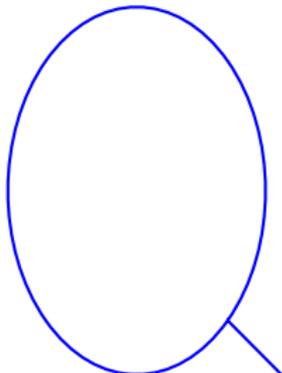
## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. La moyenne imposée est de 250 grs. On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.

# Exemple - présentation schématisée du problème.

## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. La moyenne imposée est de 250 grs. On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.



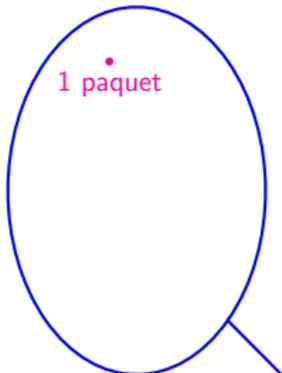
tous les paquets  
de café de 250 grs

- Population : tous les paquets de 250 grs.

# Exemple - présentation schématisée du problème.

## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. La moyenne imposée est de 250 grs. On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.



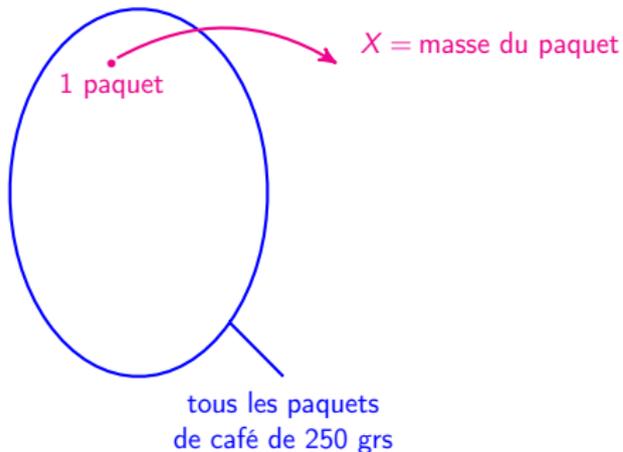
tous les paquets  
de café de 250 grs

- Population : tous les paquets de 250 grs.

# Exemple - présentation schématisée du problème.

## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. La moyenne imposée est de 250 grs. On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.

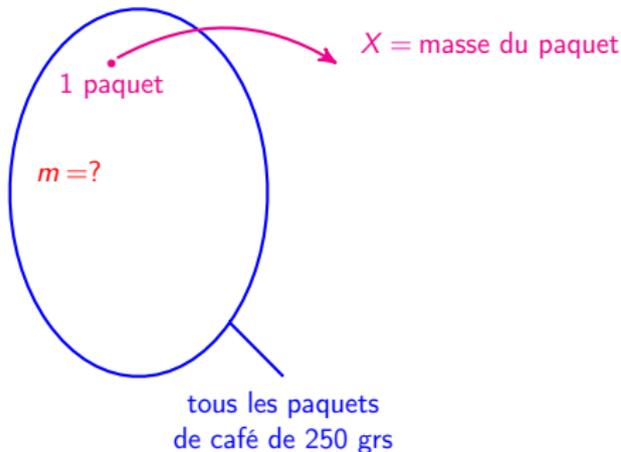


- Population : tous les paquets de 250 grs.
- Caractère : masse du paquet.

# Exemple - présentation schématisée du problème.

## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. La moyenne imposée est de 250 grs. On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.

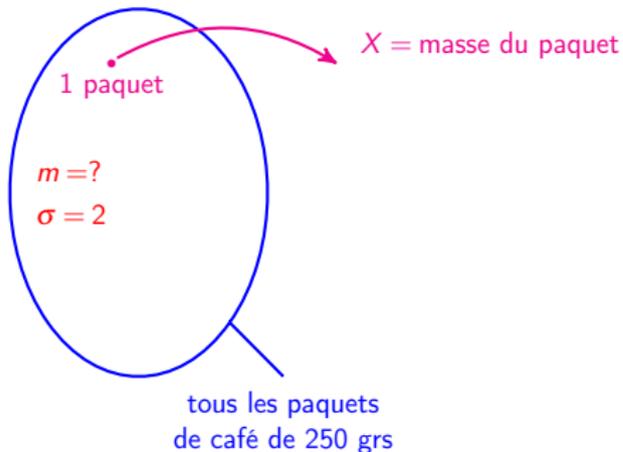


- Population : tous les paquets de 250 grs.
- Caractère : masse du paquet.
- Moyenne  $m$  : inconnue (tester si  $m = 250$ ).

# Exemple - présentation schématisée du problème.

## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. La moyenne imposée est de 250 grs. On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.

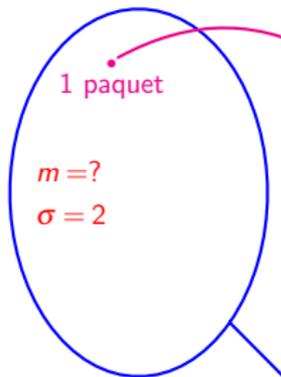


- Population : tous les paquets de 250 grs.
- Caractère : masse du paquet.
- Moyenne  $m$  : inconnue (tester si  $m = 250$ ).
- Ecart-type  $\sigma$  : connu (voir Ch 4).

# Exemple - présentation schématisée du problème.

## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. La moyenne imposée est de 250 grs. On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.



$X =$  masse du paquet  
 $X \sim \mathcal{N} \text{ or } (m; 2)$

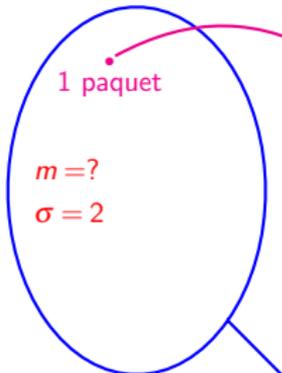
tous les paquets  
de café de 250 grs

- Population : tous les paquets de 250 grs.
- Caractère : masse du paquet.
- Moyenne  $m$  : inconnue (tester si  $m = 250$ ).
- Ecart-type  $\sigma$  : connu (voir Ch 4).

# Exemple - présentation schématisée du problème.

## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. La moyenne imposée est de 250 grs. On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.



$X =$  masse du paquet  
 $X \sim \mathcal{N}(\text{or}(m; 2))$

A tester :  
 $m = 250$  contre  $m \neq 250$ .

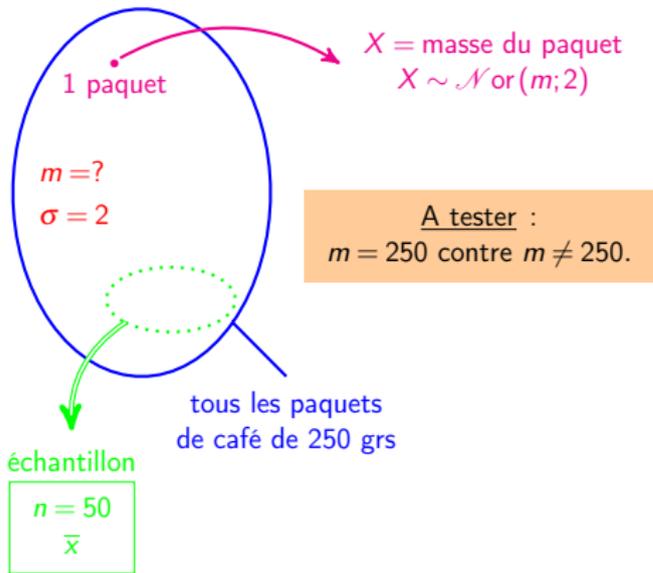
tous les paquets  
de café de 250 grs

- Population : tous les paquets de 250 grs.
- Caractère : masse du paquet.
- Moyenne  $m$  : inconnue (tester si  $m = 250$ ).
- Ecart-type  $\sigma$  : connu (voir Ch 4).

# Exemple - présentation schématisée du problème.

## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. La moyenne imposée est de 250 grs. On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.



- Population : tous les paquets de 250 grs.
- Caractère : masse du paquet.
- Moyenne  $m$  : inconnue (tester si  $m = 250$ ).
- Ecart-type  $\sigma$  : connu (voir Ch 4).
- Echantillon :  $n = 50$  (on calculera  $\bar{x}$ ).

## Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : " m = 250 " \text{ contre } \mathcal{H}_1 : " m \neq 250 " .$$

- Intervalle de décision :

▷ Loi de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

## Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision :

▷ Loi de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

## Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision :

▷ Loi de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

## Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ ).*

▷ Loi de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

## Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ ).*

▷ Loi de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

## Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ ).*

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

## Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : ***on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ ).***

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

## Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : ***on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ ).***

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

# Exemple - Réalisation du test.

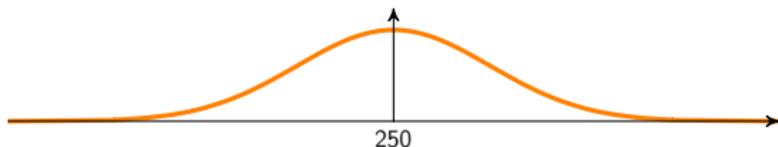
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

# Exemple - Réalisation du test.

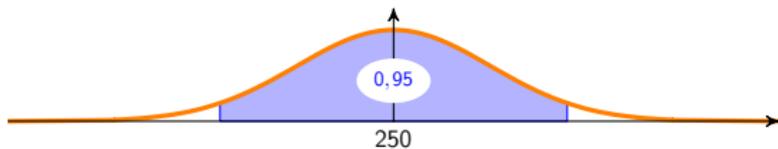
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

# Exemple - Réalisation du test.

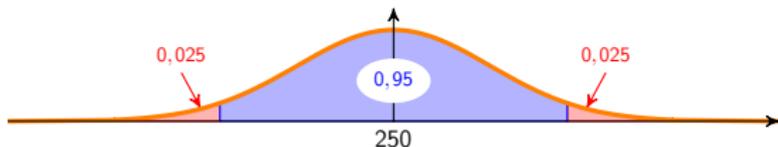
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)



## Exemple - Réalisation du test.

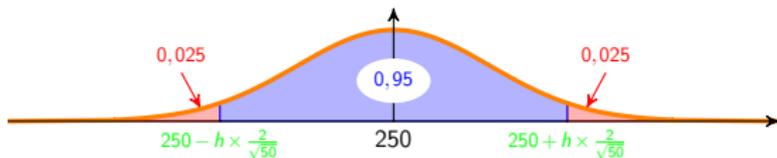
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$2\Pi(h) - 1 = 0,95$$

$$\Pi(h) = 0,975$$

$$h = 1,96$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

# Exemple - Réalisation du test.

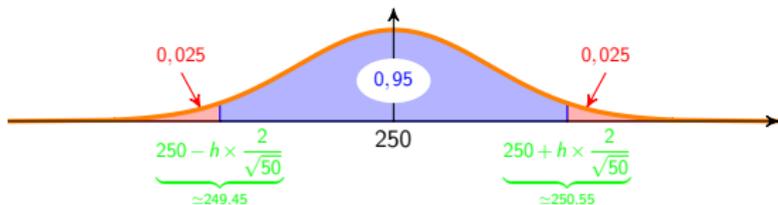
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

- ▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$2\Pi(h) - 1 = 0,95$$

$$\Pi(h) = 0,975$$

$$h = 1,96$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

# Exemple - Réalisation du test.

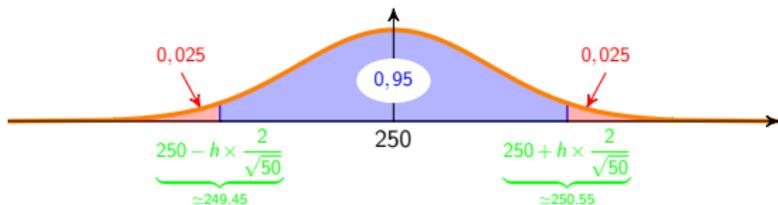
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$2\Pi(h) - 1 = 0,95$$

$$\Pi(h) = 0,975$$

$$h = 1,96$$

$$P(\bar{X} \in [249,45; 250,55]) = 0,95 : I = [249,45; 250,55].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

# Exemple - Réalisation du test.

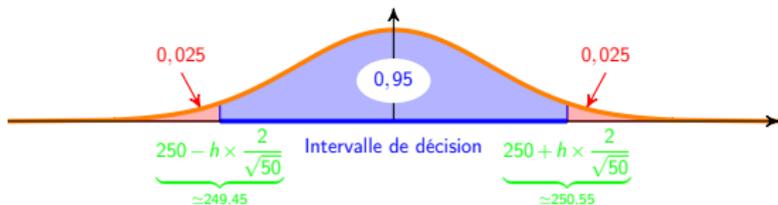
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$2\Pi(h) - 1 = 0,95$$

$$\Pi(h) = 0,975$$

$$h = 1,96$$

$$P(\bar{X} \in [249,45; 250,55]) = 0,95 : I = [249,45; 250,55].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

# Exemple - Réalisation du test.

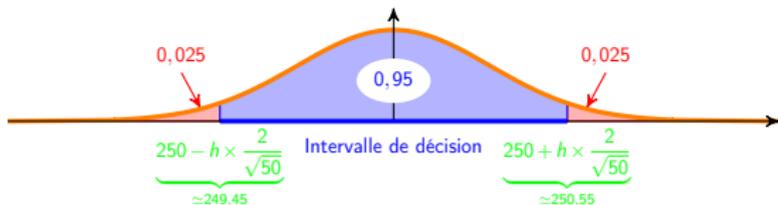
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$2\Pi(h) - 1 = 0,95$$

$$\Pi(h) = 0,975$$

$$h = 1,96$$

$$P(\bar{X} \in [249,45; 250,55]) = 0,95 : I = [249,45; 250,55].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

# Exemple - Réalisation du test.

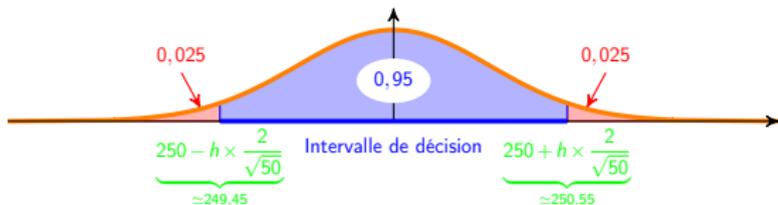
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$2\Pi(h) - 1 = 0,95$$

$$\Pi(h) = 0,975$$

$$h = 1,96$$

$$P(\bar{X} \in [249,45; 250,55]) = 0,95 : I = [249,45; 250,55].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

# Exemple - Réalisation du test.

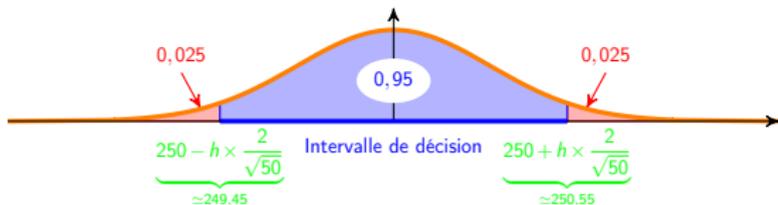
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$\begin{aligned} 2\Pi(h) - 1 &= 0,95 \\ \Pi(h) &= 0,975 \\ h &= 1,96 \end{aligned}$$

$$P(\bar{X} \in [249,45; 250,55]) = 0,95 : I = [249,45; 250,55].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ ,

# Exemple - Réalisation du test.

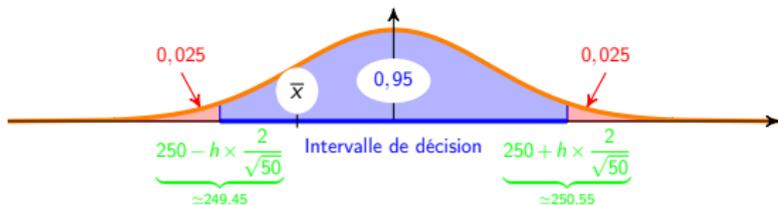
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$2\Pi(h) - 1 = 0,95$$

$$\Pi(h) = 0,975$$

$$h = 1,96$$

$$P(\bar{X} \in [249,45; 250,55]) = 0,95 : I = [249,45; 250,55].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ ,

# Exemple - Réalisation du test.

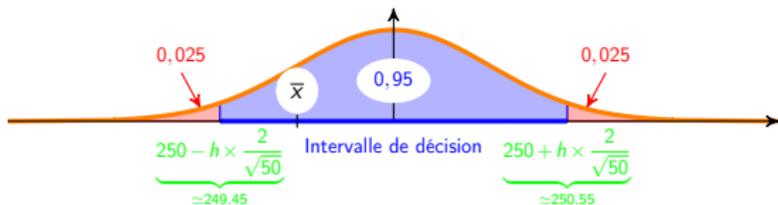
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  n'est pas "trop loin" de 250.

$$P(\bar{X} \in [249,45; 250,55]) = 0,95 : I = [249,45; 250,55].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ ,

# Exemple - Réalisation du test.

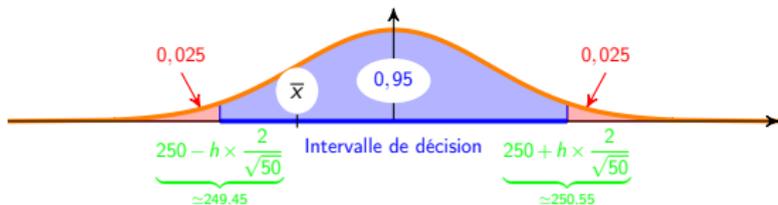
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  n'est pas "trop loin" de 250.

L'écart entre  $\bar{x}$  et 250

n'est pas significatif.

$$P(\bar{X} \in [249,45; 250,55]) = 0,95 : I = [249,45; 250,55].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ ,

# Exemple - Réalisation du test.

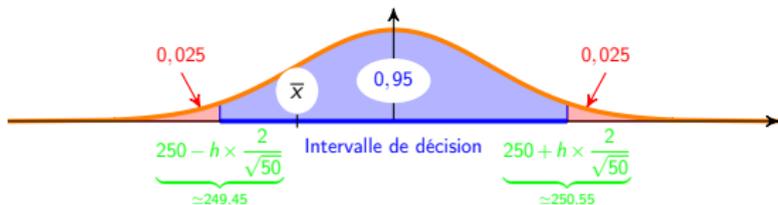
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  n'est pas "trop loin" de 250.

L'écart entre  $\bar{x}$  et 250

n'est pas significatif.

$$P(\bar{X} \in [249,45; 250,55]) = 0,95 : I = [249,45; 250,55].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ),

## Exemple - Réalisation du test.

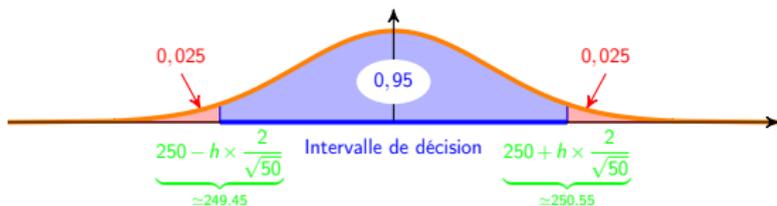
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$P(\bar{X} \in [249,45; 250,55]) = 0,95 : I = [249,45; 250,55].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ),

▷ si  $\bar{x} \notin I$ ,

## Exemple - Réalisation du test.

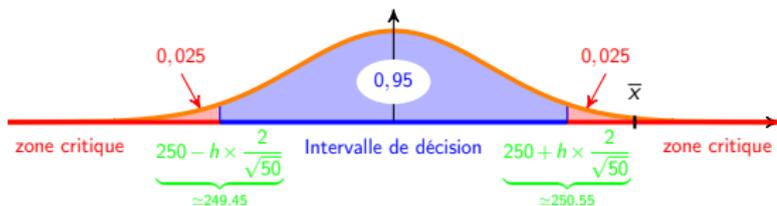
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$P(\bar{X} \in [249,45; 250,55]) = 0,95 : I = [249,45; 250,55].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ),

▷ si  $\bar{x} \notin I$ ,

## Exemple - Réalisation du test.

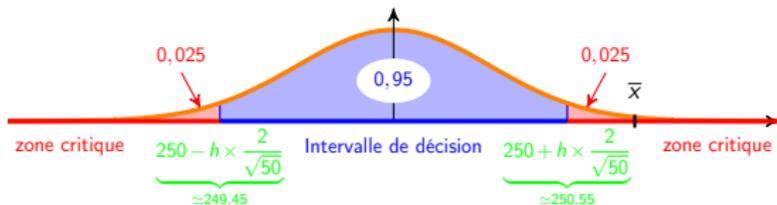
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$P(\bar{X} \in [249,45; 250,55]) = 0,95 : I = [249,45; 250,55].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ),

▷ si  $\bar{x} \notin I$ ,

# Exemple - Réalisation du test.

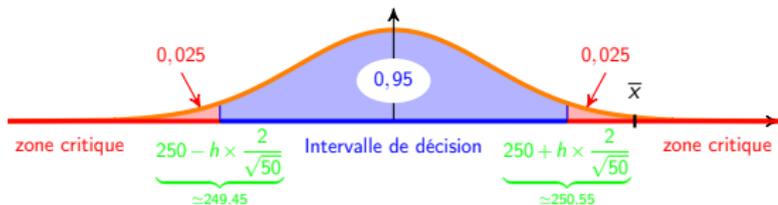
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  est "trop loin" de 250.

L'écart entre  $\bar{x}$  et 250

est significatif.

$$P(\bar{X} \in [249,45; 250,55]) = 0,95 : I = [249,45; 250,55].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ),

▷ si  $\bar{x} \notin I$ ,

## Exemple - Réalisation du test.

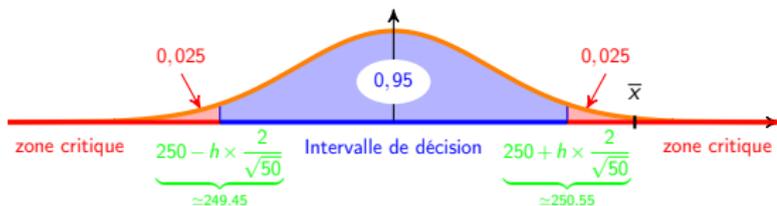
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 250".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 250$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  est "trop loin" de 250.

L'écart entre  $\bar{x}$  et 250

est significatif.

$$P(\bar{X} \in [249,45; 250,55]) = 0,95 : I = [249,45; 250,55].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ),

▷ si  $\bar{x} \notin I$ , on rejette  $\mathcal{H}_0$  (et accepte  $\mathcal{H}_1$ ).

# Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

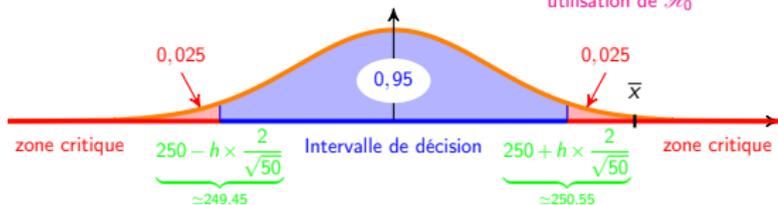
Remarque :  $\mathcal{H}_0$  contient une égalité.

$\mathcal{H}_0$  : "  $m = 250$  " contre  $\mathcal{H}_1$  : "  $m \neq 250$  " .

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie** ( $m = 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N}$  or  $\left(m; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N}$  or  $\left(250; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  est "trop loin" de 250.

L'écart entre  $\bar{x}$  et 250

est significatif.

$$P(\bar{X} \in [249,45; 250,55]) = 0,95 : I = [249,45; 250,55].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ),

▷ si  $\bar{x} \notin I$ , on rejette  $\mathcal{H}_0$  (et accepte  $\mathcal{H}_1$ ).

# Plan

- 1 Objectif et définitions.
  - Prise de décision à partir d'échantillons.
  - Echantillons dans le cas des tests de comparaison.
- 2 Stratégie.
  - Le principe.
  - Risques d'erreurs.
  - Exemple.
- 3 Test bilatéral - Test unilatéral.
  - Un exemple pour comprendre.
  - Distinction bilatéral - unilatéral.
  - Un exemple classique.

# Présentation du problème.

## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. Pour *le client*, la moyenne doit être de 250 grs (*ou plus*). On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.

- Le client ne tolère pas d'avoir moins de café qu'indiqué !
- Le client accepte d'avoir plus de café qu'indiqué !
- On ne teste plus " $m = 250$  contre  $m \neq 250$ ".
- Comment choisir les hypothèses ?

▷ Point de vue du marchand.

▷ Point de vue du client.

# Présentation du problème.

## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. Pour *le client*, la moyenne doit être de 250 grs (*ou plus*). On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.

- Le client ne tolère pas d'avoir moins de café qu'indiqué !
- Le client accepte d'avoir plus de café qu'indiqué !
- On ne teste plus " $m = 250$  contre  $m \neq 250$ ".
- Comment choisir les hypothèses ?

▷ Point de vue du marchand.

▷ Point de vue du client.

# Présentation du problème.

## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. Pour *le client*, la moyenne doit être de 250 grs (*ou plus*). On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.

- Le client ne tolère pas d'avoir moins de café qu'indiqué !
- Le client accepte d'avoir plus de café qu'indiqué !
- On ne teste plus " $m = 250$  contre  $m \neq 250$ ".
- Comment choisir les hypothèses ?

▷ Point de vue du marchand.

▷ Point de vue du client.

# Présentation du problème.

## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. Pour *le client*, la moyenne doit être de 250 grs (*ou plus*). On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.

- Le client ne tolère pas d'avoir moins de café qu'indiqué !
- Le client accepte d'avoir plus de café qu'indiqué !
- On ne teste plus " $m = 250$  contre  $m \neq 250$ ".
- Comment choisir les hypothèses ?

▷ Point de vue du marchand.

▷ Point de vue du client.

# Présentation du problème.

## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. Pour *le client*, la moyenne doit être de 250 grs (*ou plus*). On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.

- Le client ne tolère pas d'avoir moins de café qu'indiqué !
- Le client accepte d'avoir plus de café qu'indiqué !
- On ne teste plus " $m = 250$  contre  $m \neq 250$ ".
- Comment choisir les hypothèses ?

▷ Point de vue du marchand.

▷ Point de vue du client.

# Présentation du problème.

## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. Pour *le client*, la moyenne doit être de 250 grs (*ou plus*). On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.

- Le client ne tolère pas d'avoir moins de café qu'indiqué !
- Le client accepte d'avoir plus de café qu'indiqué !
- On ne teste plus " $m = 250$  contre  $m \neq 250$ ".
- Comment choisir les hypothèses ?

▷ Point de vue du marchand.

▷ Point de vue du client.

# Présentation du problème.

## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. Pour *le client*, la moyenne doit être de 250 grs (*ou plus*). On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.

- Le client ne tolère pas d'avoir moins de café qu'indiqué !
- Le client accepte d'avoir plus de café qu'indiqué !
- On ne teste plus " $m = 250$  contre  $m \neq 250$ ".
- Comment choisir les hypothèses ?

▷ Point de vue du marchand.

Le marchand prétend naturellement que  $m \geq 250$ .

▷ Point de vue du client.

# Présentation du problème.

## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. Pour *le client*, la moyenne doit être de 250 grs (*ou plus*). On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.

- Le client ne tolère pas d'avoir moins de café qu'indiqué !
- Le client accepte d'avoir plus de café qu'indiqué !
- On ne teste plus " $m = 250$  contre  $m \neq 250$ ".
- Comment choisir les hypothèses ?

### ▷ Point de vue du marchand.

Le marchand prétend naturellement que  $m \geq 250$ .  
Pour le convaincre du contraire, il faudrait  $\bar{x}$  très inférieur à 250.

### ▷ Point de vue du client.

# Présentation du problème.

## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. Pour *le client*, la moyenne doit être de 250 grs (*ou plus*). On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.

- Le client ne tolère pas d'avoir moins de café qu'indiqué !
- Le client accepte d'avoir plus de café qu'indiqué !
- On ne teste plus "  $m = 250$  contre  $m \neq 250$ ".
- Comment choisir les hypothèses ?

▷ Point de vue du marchand.

Le marchand prétend naturellement que  $m \geq 250$ .  
Pour le convaincre du contraire, il faudrait  $\bar{x}$  très inférieur à 250.

$\mathcal{H}_0$  : "  $m \geq 250$ " contre  $\mathcal{H}_1$  : "  $m < 250$ ".

▷ Point de vue du client.

# Présentation du problème.

## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. Pour *le client*, la moyenne doit être de 250 grs (*ou plus*). On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.

- Le client ne tolère pas d'avoir moins de café qu'indiqué !
- Le client accepte d'avoir plus de café qu'indiqué !
- On ne teste plus " $m = 250$  contre  $m \neq 250$ ".
- Comment choisir les hypothèses ?

▷ Point de vue du marchand.

Le marchand prétend naturellement que  $m \geq 250$ .  
Pour le convaincre du contraire, il faudrait  $\bar{x}$  très inférieur à 250.

$\mathcal{H}_0$  : " $m \geq 250$ " contre  $\mathcal{H}_1$  : " $m < 250$ ".

▷ Point de vue du client.

Le client a tendance à penser que  $m \leq 250$ .

# Présentation du problème.

## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. Pour *le client*, la moyenne doit être de 250 grs (*ou plus*). On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.

- Le client ne tolère pas d'avoir moins de café qu'indiqué !
- Le client accepte d'avoir plus de café qu'indiqué !
- On ne teste plus "  $m = 250$  contre  $m \neq 250$ ".
- Comment choisir les hypothèses ?

### ▷ Point de vue du marchand.

Le marchand prétend naturellement que  $m \geq 250$ .  
Pour le convaincre du contraire, il faudrait  $\bar{x}$  très inférieur à 250.

$\mathcal{H}_0$  : "  $m \geq 250$ " contre  $\mathcal{H}_1$  : "  $m < 250$ ".

### ▷ Point de vue du client.

Le client a tendance à penser que  $m \leq 250$ .  
Pour le convaincre du contraire, il faudrait  $\bar{x}$  très supérieur à 250.

# Présentation du problème.

## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. Pour *le client*, la moyenne doit être de 250 grs (*ou plus*). On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.

- Le client ne tolère pas d'avoir moins de café qu'indiqué !
- Le client accepte d'avoir plus de café qu'indiqué !
- On ne teste plus "  $m = 250$  contre  $m \neq 250$ ".
- Comment choisir les hypothèses ?

### ▷ Point de vue du marchand.

Le marchand prétend naturellement que  $m \geq 250$ .  
Pour le convaincre du contraire, il faudrait  $\bar{x}$  très inférieur à 250.

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

### ▷ Point de vue du client.

Le client a tendance à penser que  $m \leq 250$ .  
Pour le convaincre du contraire, il faudrait  $\bar{x}$  très supérieur à 250.

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

## Réalisation du test - point de vue du marchand.

- Ecriture des hypothèses

## Réalisation du test - point de vue du marchand.

- Ecriture des hypothèses

$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m < 250"$ .

## Réalisation du test - point de vue du marchand.

- Ecriture des hypothèses

$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m < 250"$ .

- Intervalle de décision :

## Réalisation du test - point de vue du marchand.

- Ecriture des hypothèses

$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m < 250"$ .

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

## Réalisation du test - point de vue du marchand.

- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :

## Réalisation du test - point de vue du marchand.

- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

## Réalisation du test - point de vue du marchand.

- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ . Quelle valeur de  $m$  choisir ?

$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m < 250"$ .

● Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m < 250"$ .

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).
- ▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ . Si on prenait  $m = 255$  - par exemple,

$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m < 250"$ .

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).
- ▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ . Si on prenait  $m = 255$  - par exemple,

alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée  
pour le test

$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m < 250"$ .

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).
- ▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ . Si on prenait  $m = 255$  - par exemple,

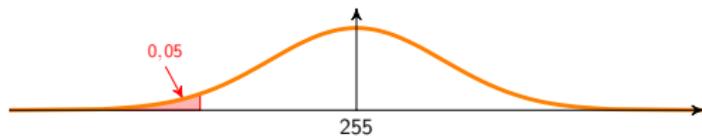
alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée  
pour le test



$\mathcal{H}_0$  : "  $m \geq 250$  " contre  $\mathcal{H}_1$  : "  $m < 250$  " .

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).
- ▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N}\left(m; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$ . Si on prenait  $m = 255$  - par exemple,

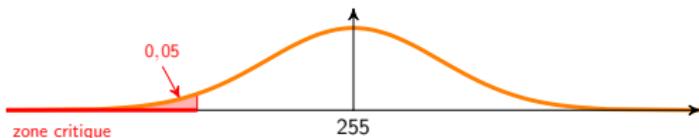
alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée pour le test (avec  $\alpha = 0,05$ )



$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m < 250"$ .

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).
- ▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N}\left(m; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$ . Si on prenait  $m = 255$  - par exemple,

alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée pour le test (avec  $\alpha = 0,05$ ) définirait une zone critique.

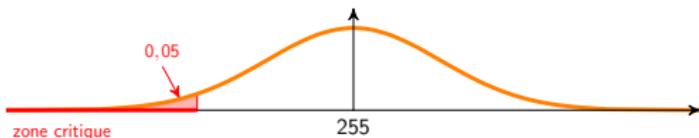


$\mathcal{H}_0$  : "  $m \geq 250$  " contre  $\mathcal{H}_1$  : "  $m < 250$  " .

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).
- ▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \left( m; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ . Si on prenait  $m = 255$  - par exemple,

alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée pour le test (avec  $\alpha = 0,05$ ) définirait une zone critique.

◇ Si la valeur - inconnue - de  $m$  était supérieur à 255, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .

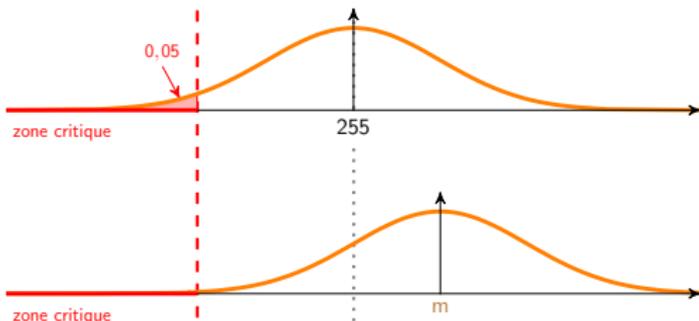


$\mathcal{H}_0$  : "  $m \geq 250$ " contre  $\mathcal{H}_1$  : "  $m < 250$ ".

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).
- ▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N}\left(m; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$ . Si on prenait  $m = 255$  - par exemple,

alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée pour le test (avec  $\alpha = 0,05$ ) définirait une zone critique.

◇ Si la valeur - inconnue - de  $m$  était supérieur à 255, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .

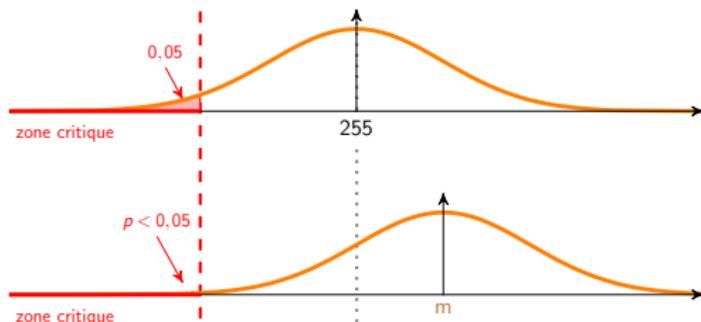


$\mathcal{H}_0$  : "  $m \geq 250$ " contre  $\mathcal{H}_1$  : "  $m < 250$ ".

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).
- ▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N}\left(m; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$ . Si on prenait  $m = 255$  - par exemple,

alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée pour le test (avec  $\alpha = 0,05$ ) définirait une zone critique.

◇ Si la valeur - inconnue - de  $m$  était supérieur à 255, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .



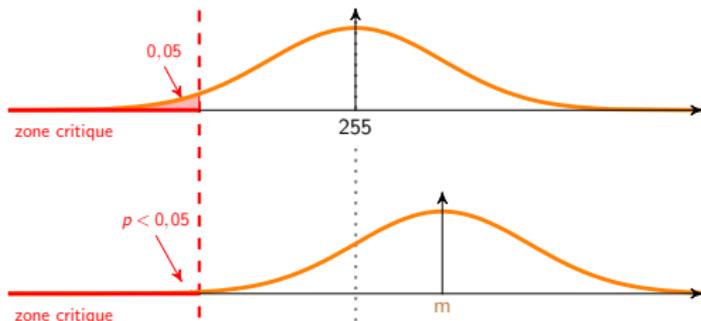
$\mathcal{H}_0$  : "  $m \geq 250$  " contre  $\mathcal{H}_1$  : "  $m < 250$  " .

• Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N}\left(m; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$ . Si on prenait  $m = 255$  - par exemple,

alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée pour le test (avec  $\alpha = 0,05$ ) définirait une zone critique.

◇ Si la valeur - inconnue - de  $m$  était supérieur à 255, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .



Dans ce cas, la probabilité de rejeter à tort  $\mathcal{H}_0$  est inférieure à 0,05 - acceptable.

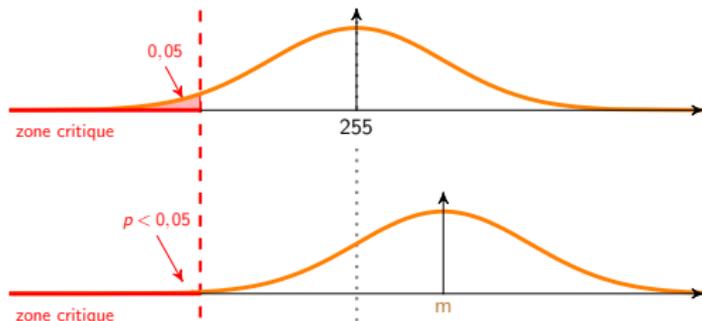
$\mathcal{H}_0$  : "  $m \geq 250$ " contre  $\mathcal{H}_1$  : "  $m < 250$ ".

• Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N}\left(m; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$ . Si on prenait  $m = 255$  - par exemple,

alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée pour le test (avec  $\alpha = 0,05$ ) définirait une zone critique.

◇ Si la valeur - inconnue - de  $m$  était supérieur à 255, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .



Dans ce cas, la probabilité de rejeter à tort  $\mathcal{H}_0$  est inférieure à 0,05 - acceptable.

◇ Mais si la valeur - inconnue - de  $m$  était comprise entre 250 et 255, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .

$\mathcal{H}_0$  : "  $m \geq 250$ " contre  $\mathcal{H}_1$  : "  $m < 250$ ".

• Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

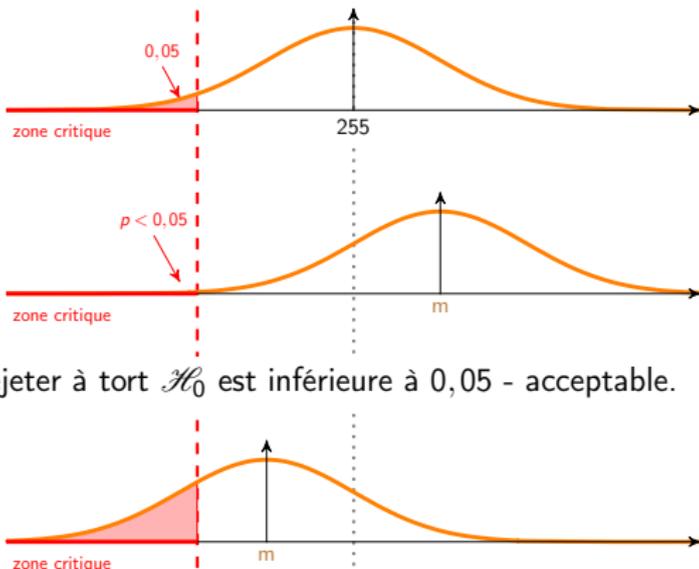
▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N}\left(m; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$ . Si on prenait  $m = 255$  - par exemple,

alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée pour le test (avec  $\alpha = 0,05$ ) définirait une zone critique.

◇ Si la valeur - inconnue - de  $m$  était supérieur à 255, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .

Dans ce cas, la probabilité de rejeter à tort  $\mathcal{H}_0$  est inférieure à 0,05 - acceptable.

◇ Mais si la valeur - inconnue - de  $m$  était comprise entre 250 et 255, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .



$\mathcal{H}_0$  : "  $m \geq 250$ " contre  $\mathcal{H}_1$  : "  $m < 250$ ".

• Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

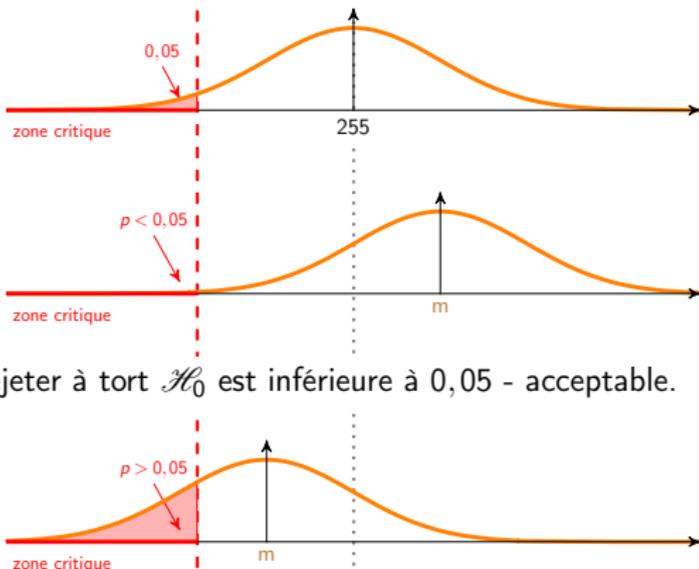
▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N}\left(m; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$ . Si on prenait  $m = 255$  - par exemple,

alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée pour le test (avec  $\alpha = 0,05$ ) définirait une zone critique.

◇ Si la valeur - inconnue - de  $m$  était supérieur à 255, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .

Dans ce cas, la probabilité de rejeter à tort  $\mathcal{H}_0$  est inférieure à 0,05 - acceptable.

◇ Mais si la valeur - inconnue - de  $m$  était comprise entre 250 et 255, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .



$\mathcal{H}_0$  : "  $m \geq 250$  " contre  $\mathcal{H}_1$  : "  $m < 250$  " .

• Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N}\left(m; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$ . Si on prenait  $m = 255$  - par exemple,

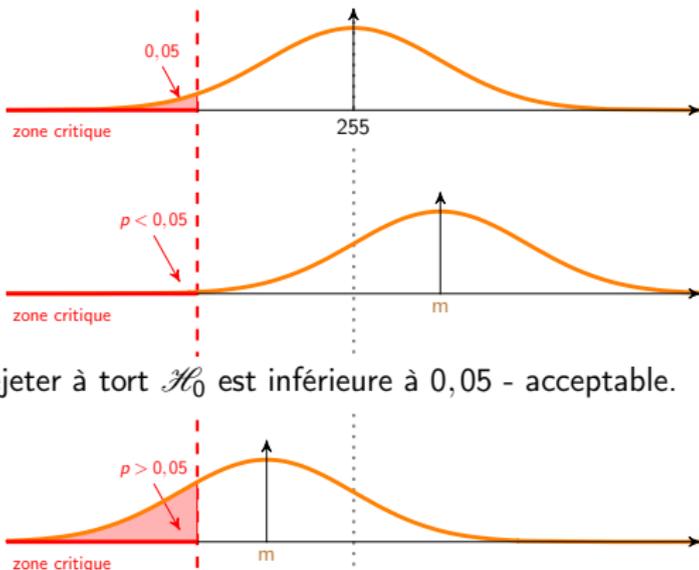
alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée pour le test (avec  $\alpha = 0,05$ ) définirait une zone critique.

◇ Si la valeur - inconnue - de  $m$  était supérieur à 255, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .

Dans ce cas, la probabilité de rejeter à tort  $\mathcal{H}_0$  est inférieure à 0,05 - acceptable.

◇ Mais si la valeur - inconnue - de  $m$  était comprise entre 250 et 255, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .

Dans ce cas, la probabilité de rejeter à tort  $\mathcal{H}_0$  est supérieure à 0,05 - **inacceptable**.



$\mathcal{H}_0$  : " $m \geq 250$ " contre  $\mathcal{H}_1$  : " $m < 250$ ".

• Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N}\left(m; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$ . Si on prenait  $m = 255$  - par exemple,

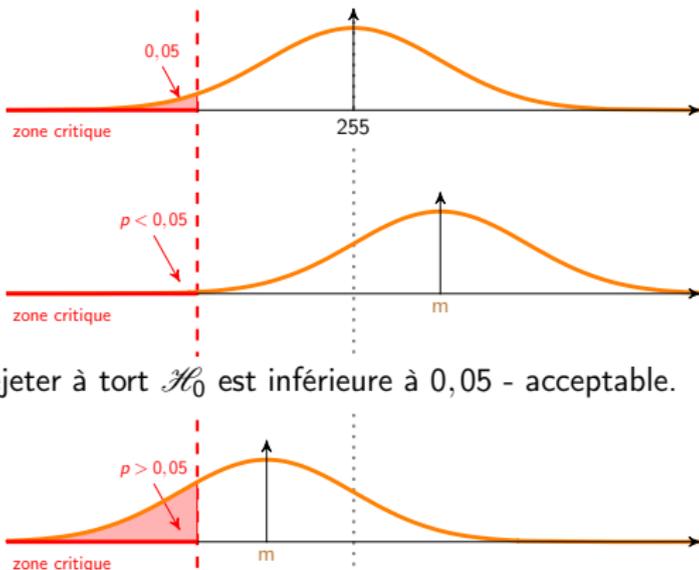
alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée pour le test (avec  $\alpha = 0,05$ ) définirait une zone critique.

◇ Si la valeur - inconnue - de  $m$  était supérieur à 255, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .

Dans ce cas, la probabilité de rejeter à tort  $\mathcal{H}_0$  est inférieure à 0,05 - acceptable.

◇ Mais si la valeur - inconnue - de  $m$  était comprise entre 250 et 255, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .

Dans ce cas, la probabilité de rejeter à tort  $\mathcal{H}_0$  est supérieure à 0,05 - inacceptable.



Pour être sûr que  $\alpha \leq 0,05$ , on choisit (sous  $\mathcal{H}_0$ )  $m = 250$ .

## Réalisation du test - point de vue du marchand.

- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : " m \geq 250 " \text{ contre } \mathcal{H}_1 : " m < 250 " .$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

## Réalisation du test - point de vue du marchand.

- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

# Réalisation du test - point de vue du marchand.

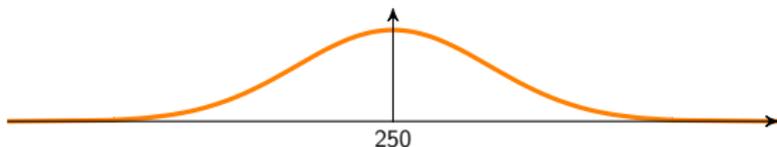
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



# Réalisation du test - point de vue du marchand.

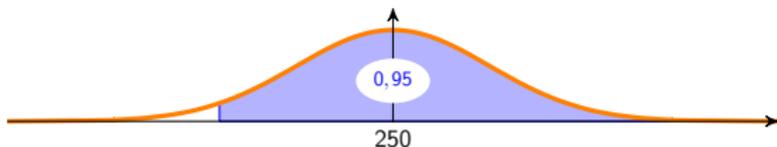
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



# Réalisation du test - point de vue du marchand.

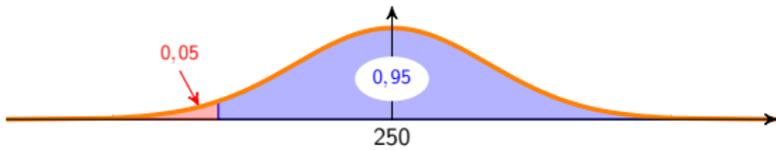
- Ecriture des hypothèses

$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m < 250"$ .

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N}or\left(m ; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N}or\left(250 ; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



# Réalisation du test - point de vue du marchand.

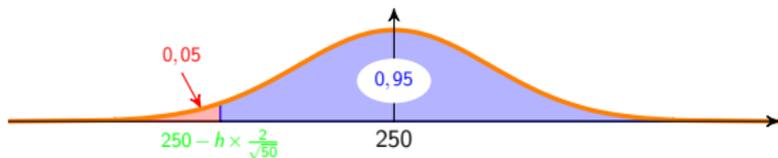
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



# Réalisation du test - point de vue du marchand.

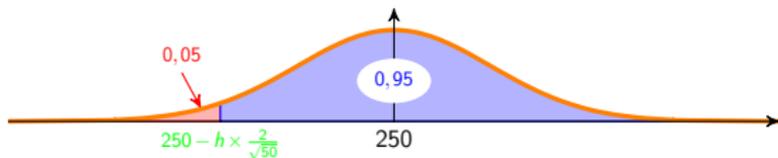
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$\Pi(-h) = 0,05$$

$$\Pi(h) = 0,95$$

$$h = 1,645$$

# Réalisation du test - point de vue du marchand.

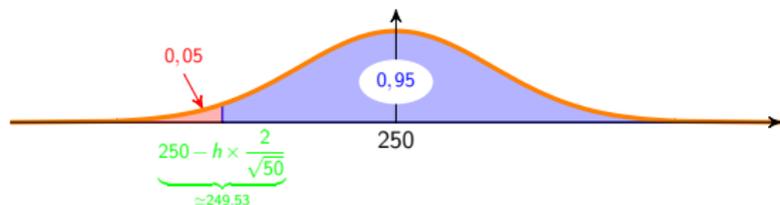
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$\Pi(-h) = 0,05$$

$$\Pi(h) = 0,95$$

$$h = 1,645$$

# Réalisation du test - point de vue du marchand.

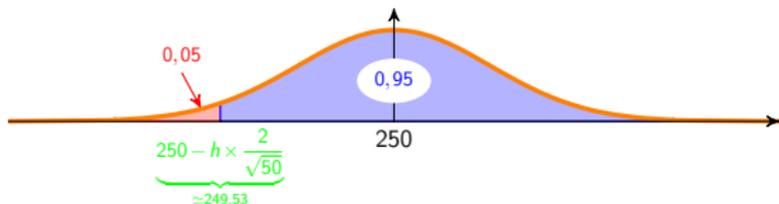
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$\Pi(-h) = 0,05$$

$$\Pi(h) = 0,95$$

$$h = 1,645$$

$$P(\bar{X} \in [249,53; +\infty[) = 0,95 : I = [249,53; +\infty[.$$

# Réalisation du test - point de vue du marchand.

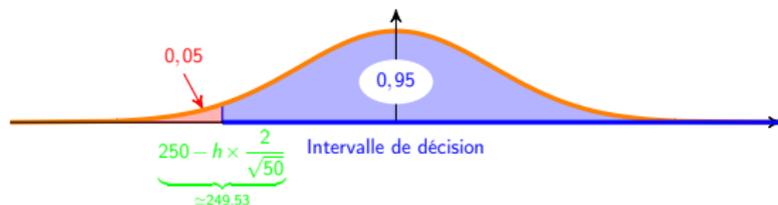
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$\Pi(-h) = 0,05$$

$$\Pi(h) = 0,95$$

$$h = 1,645$$

$$P(\bar{X} \in [249,53; +\infty[) = 0,95 : I = [249,53; +\infty[.$$

# Réalisation du test - point de vue du marchand.

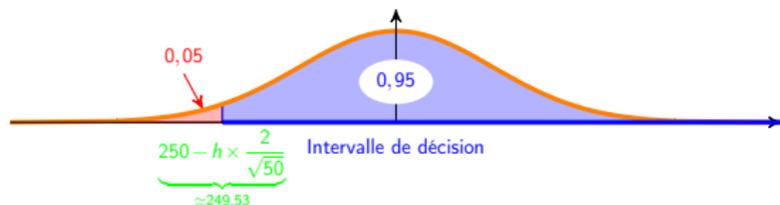
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$\Pi(-h) = 0,05$$

$$\Pi(h) = 0,95$$

$$h = 1,645$$

$$P(\bar{X} \in [249,53; +\infty[) = 0,95 : I = [249,53; +\infty[.$$

- Décision :

# Réalisation du test - point de vue du marchand.

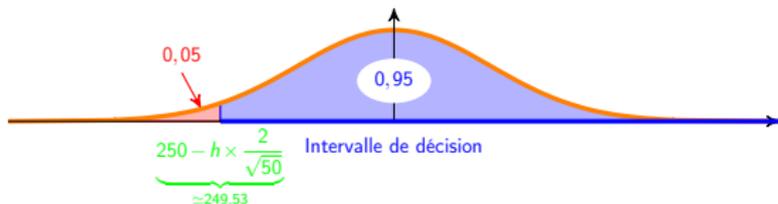
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$\Pi(-h) = 0,05$$

$$\Pi(h) = 0,95$$

$$h = 1,645$$

$$P(\bar{X} \in [249,53; +\infty[) = 0,95 : I = [249,53; +\infty[.$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

# Réalisation du test - point de vue du marchand.

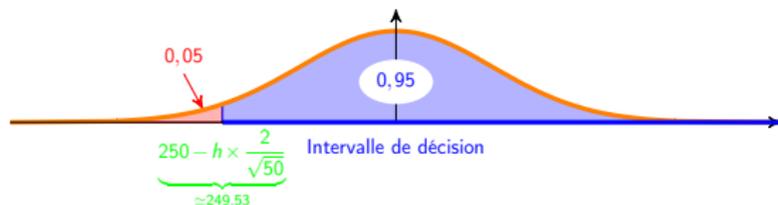
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$\Pi(-h) = 0,05$$

$$\Pi(h) = 0,95$$

$$h = 1,645$$

$$P(\bar{X} \in [249,53; +\infty[) = 0,95 : I = [249,53; +\infty[.$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{X} \in I$ ,

# Réalisation du test - point de vue du marchand.

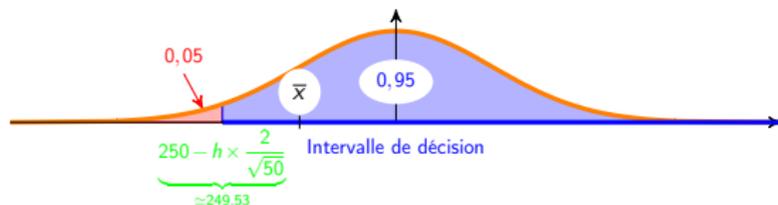
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$\Pi(-h) = 0,05$$

$$\Pi(h) = 0,95$$

$$h = 1,645$$

$$P(\bar{X} \in [249,53; +\infty[) = 0,95 : I = [249,53; +\infty[.$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{X} \in I$ ,

# Réalisation du test - point de vue du marchand.

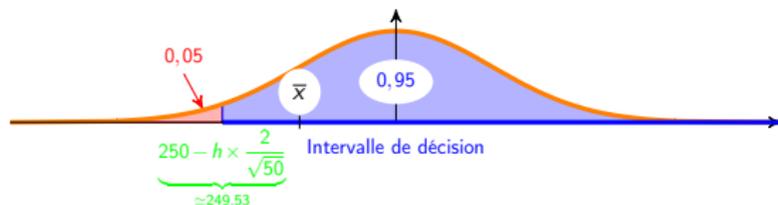
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  n'est "pas trop inférieur à" 250.

$$P(\bar{X} \in [249,53; +\infty[) = 0,95 : I = [249,53; +\infty[.$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ ,

# Réalisation du test - point de vue du marchand.

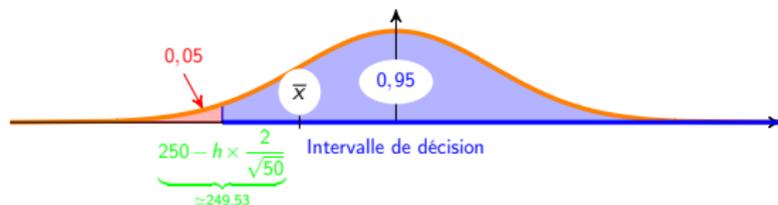
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  n'est "pas trop inférieur à" 250.

$\bar{x}$  n'est pas inférieur à 250

de manière significative.

$$P(\bar{X} \in [249,53; +\infty[) = 0,95 : I = [249,53; +\infty[.$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ ,

# Réalisation du test - point de vue du marchand.

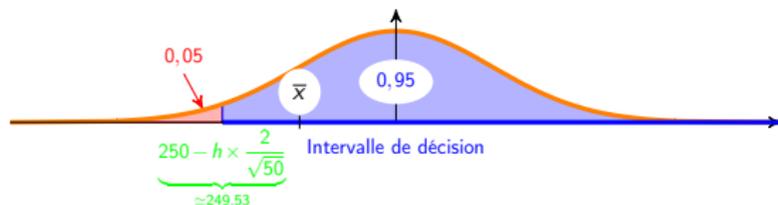
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  n'est "pas trop inférieur à" 250.

$\bar{x}$  n'est pas inférieur à 250

de manière significative.

$$P(\bar{X} \in [249,53; +\infty[) = 0,95 : I = [249,53; +\infty[.$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ),

# Réalisation du test - point de vue du marchand.

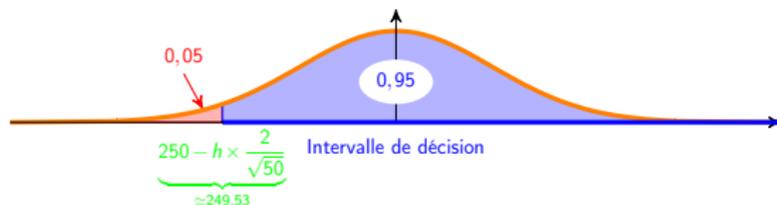
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$P(\bar{X} \in [249,53; +\infty[) = 0,95 : I = [249,53; +\infty[.$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ),

▷ si  $\bar{x} \notin I$ ,

# Réalisation du test - point de vue du marchand.

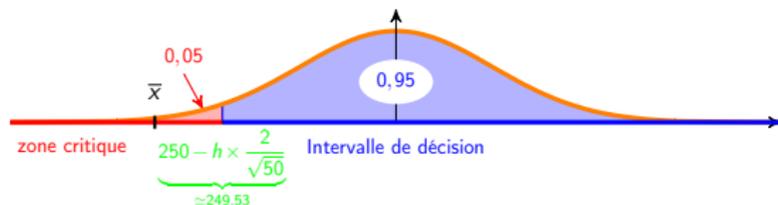
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$P(\bar{X} \in [249,53; +\infty[) = 0,95 : I = [249,53; +\infty[.$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ),

▷ si  $\bar{x} \notin I$ ,

# Réalisation du test - point de vue du marchand.

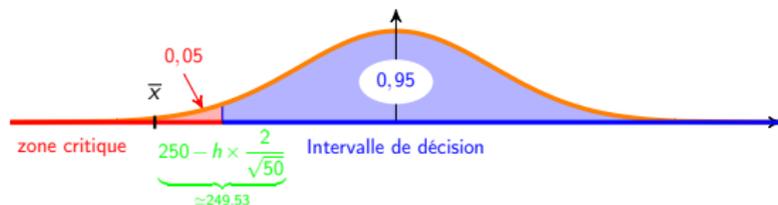
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  est "trop inférieur à" 250.

$$P(\bar{X} \in [249,53; +\infty[) = 0,95 : I = [249,53; +\infty[.$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ),

▷ si  $\bar{x} \notin I$ ,

# Réalisation du test - point de vue du marchand.

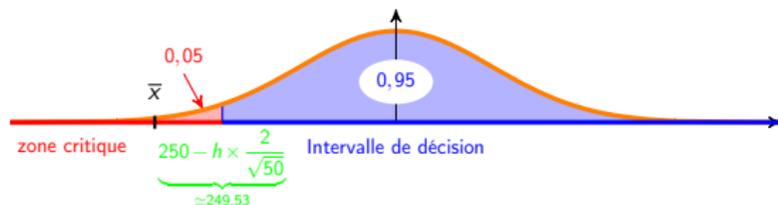
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  est "trop inférieur à" 250.

$\bar{x}$  est inférieur à 250

de manière significative.

$$P(\bar{X} \in [249,53; +\infty[) = 0,95 : I = [249,53; +\infty[.$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ),

▷ si  $\bar{x} \notin I$ ,

# Réalisation du test - point de vue du marchand.

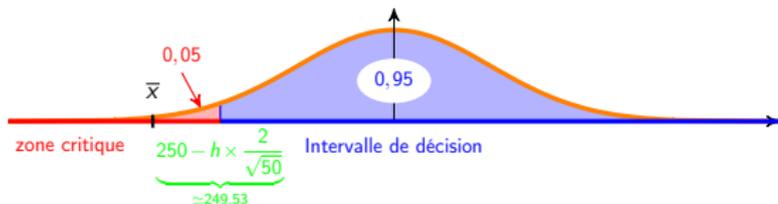
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  est "trop inférieur à" 250.

$\bar{x}$  est inférieur à 250

de manière significative.

$$P(\bar{X} \in [249,53; +\infty[) = 0,95 : I = [249,53; +\infty[.$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ),

▷ si  $\bar{x} \notin I$ , on rejette  $\mathcal{H}_0$  (et accepte  $\mathcal{H}_1$ ).

# Réalisation du test - point de vue du marchand.

- Ecriture des hypothèses

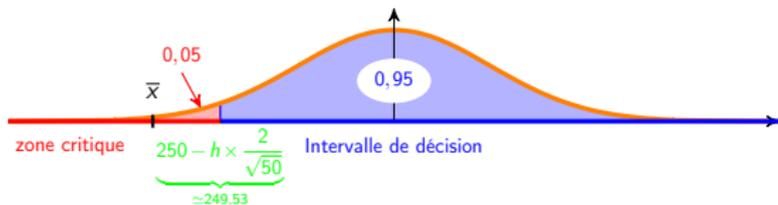
Remarque :  $\mathcal{H}_0$  contient une égalité.

$\mathcal{H}_0$  : "  $m \geq 250$ " contre  $\mathcal{H}_1$  : "  $m < 250$ ".

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  est "trop inférieur à" 250.

$\bar{x}$  est inférieur à 250

de manière significative.

$$P(\bar{X} \in [249,53; +\infty[) = 0,95 : I = [249,53; +\infty[.$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ),

▷ si  $\bar{x} \notin I$ , on rejette  $\mathcal{H}_0$  (et accepte  $\mathcal{H}_1$ ).

## Réalisation du test - point de vue du client.

- Ecriture des hypothèses

## Réalisation du test - point de vue du client.

- Ecriture des hypothèses

$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m > 250"$ .

## Réalisation du test - point de vue du client.

- Ecriture des hypothèses

$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m > 250"$ .

- Intervalle de décision :

## Réalisation du test - point de vue du client.

- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : " m \leq 250 " \text{ contre } \mathcal{H}_1 : " m > 250 " .$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

## Réalisation du test - point de vue du client.

- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : " m \leq 250 " \text{ contre } \mathcal{H}_1 : " m > 250 " .$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :

## Réalisation du test - point de vue du client.

- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : " m \leq 250 " \text{ contre } \mathcal{H}_1 : " m > 250 " .$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

## Réalisation du test - point de vue du client.

- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : " m \leq 250 " \text{ contre } \mathcal{H}_1 : " m > 250 " .$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ . Quelle valeur de  $m$  choisir ?

$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m > 250"$ .

● Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m > 250"$ .

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).
- ▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ . Si on prenait  $m = 249$  - par exemple,

$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m > 250"$ .

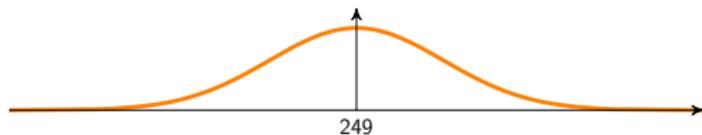
- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).
- ▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ . Si on prenait  $m = 249$  - par exemple,

alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée  
pour le test

$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m > 250"$ .

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).
- ▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ . Si on prenait  $m = 249$  - par exemple,

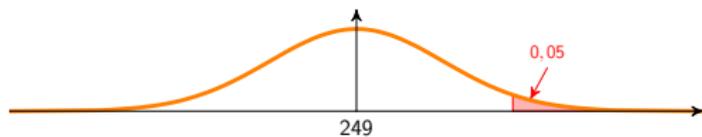
alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée  
pour le test



$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m > 250"$ .

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).
- ▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N}\left(m; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$ . Si on prenait  $m = 249$  - par exemple,

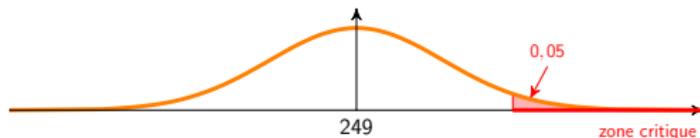
alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée  
pour le test (avec  $\alpha = 0,05$ )



$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m > 250"$ .

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).
- ▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ . Si on prenait  $m = 249$  - par exemple,

alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée pour le test (avec  $\alpha = 0,05$ ) définirait une zone critique.

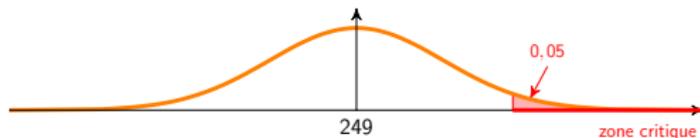


$\mathcal{H}_0$  : "  $m \leq 250$ " contre  $\mathcal{H}_1$  : "  $m > 250$ ".

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).
- ▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N}\left(m; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$ . Si on prenait  $m = 249$  - par exemple,

alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée pour le test (avec  $\alpha = 0,05$ ) définirait une zone critique.

◇ Si la valeur - inconnue - de  $m$  était inférieur à 249, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .

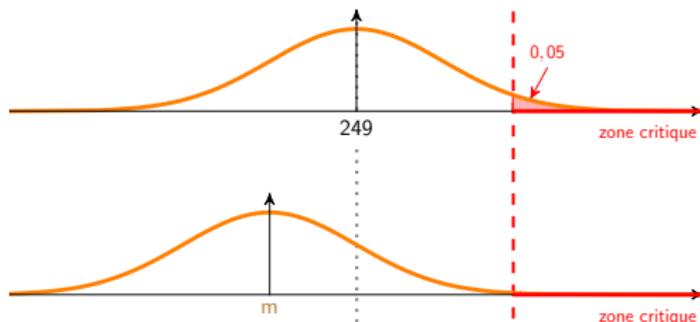


$\mathcal{H}_0$  : "  $m \leq 250$ " contre  $\mathcal{H}_1$  : "  $m > 250$ ".

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).
- ▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N}\left(m; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$ . Si on prenait  $m = 249$  - par exemple,

alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée pour le test (avec  $\alpha = 0,05$ ) définirait une zone critique.

◇ Si la valeur - inconnue - de  $m$  était inférieur à 249, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .

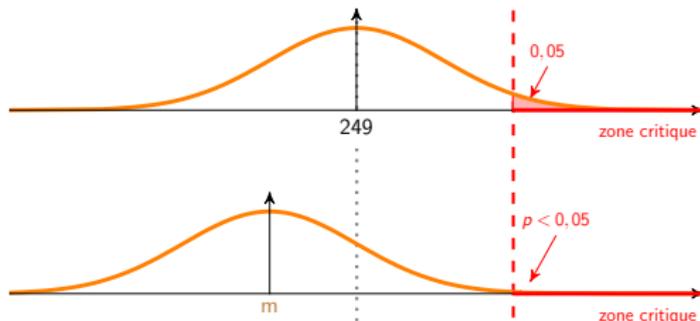


$\mathcal{H}_0$  : "  $m \leq 250$ " contre  $\mathcal{H}_1$  : "  $m > 250$ ".

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).
- ▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N}\left(m; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$ . Si on prenait  $m = 249$  - par exemple,

alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée pour le test (avec  $\alpha = 0,05$ ) définirait une zone critique.

◇ Si la valeur - inconnue - de  $m$  était inférieur à 249, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .

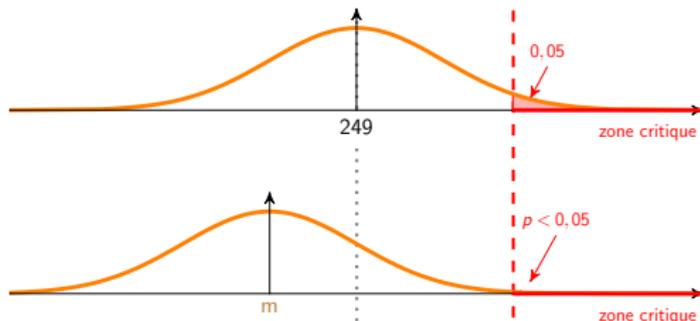


$\mathcal{H}_0$  : "  $m \leq 250$ " contre  $\mathcal{H}_1$  : "  $m > 250$ ".

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).
- ▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N}\left(m; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$ . Si on prenait  $m = 249$  - par exemple,

alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée pour le test (avec  $\alpha = 0,05$ ) définirait une zone critique.

◇ Si la valeur - inconnue - de  $m$  était inférieur à 249, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .



Dans ce cas, la probabilité de rejeter à tort  $\mathcal{H}_0$  est inférieure à 0,05 - acceptable.

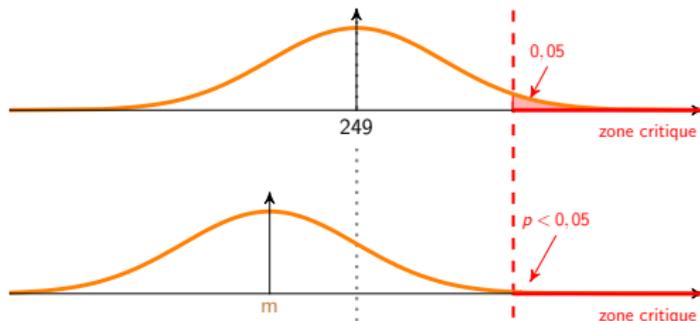
$\mathcal{H}_0$  : "  $m \leq 250$ " contre  $\mathcal{H}_1$  : "  $m > 250$ ".

• Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N}\left(m; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$ . Si on prenait  $m = 249$  - par exemple,

alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée pour le test (avec  $\alpha = 0,05$ ) définirait une zone critique.

◇ Si la valeur - inconnue - de  $m$  était inférieur à 249, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .



Dans ce cas, la probabilité de rejeter à tort  $\mathcal{H}_0$  est inférieure à 0,05 - acceptable.

◇ Mais si la valeur - inconnue - de  $m$  était comprise entre 249 et 250, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .

$\mathcal{H}_0$  : "  $m \leq 250$ " contre  $\mathcal{H}_1$  : "  $m > 250$ ".

• Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

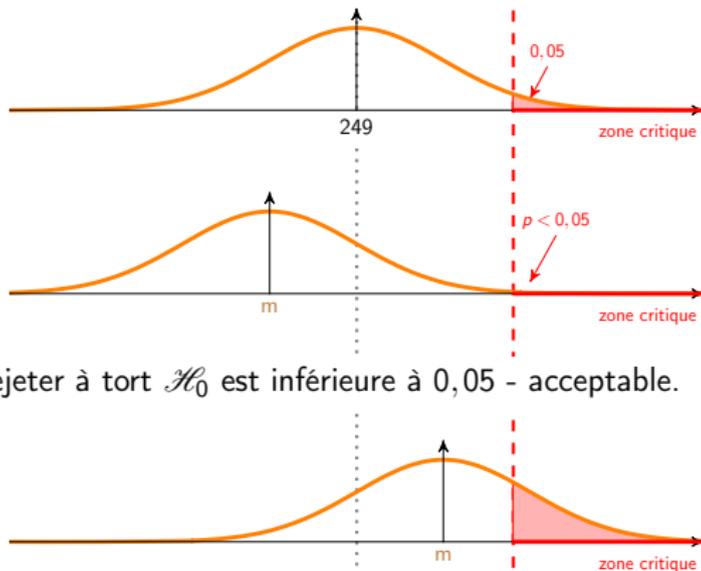
▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N}\left(m; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$ . Si on prenait  $m = 249$  - par exemple,

alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée pour le test (avec  $\alpha = 0,05$ ) définirait une zone critique.

◇ Si la valeur - inconnue - de  $m$  était inférieur à 249, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .

Dans ce cas, la probabilité de rejeter à tort  $\mathcal{H}_0$  est inférieure à 0,05 - acceptable.

◇ Mais si la valeur - inconnue - de  $m$  était comprise entre 249 et 250, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .



$\mathcal{H}_0$  : "  $m \leq 250$ " contre  $\mathcal{H}_1$  : "  $m > 250$ ".

• Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

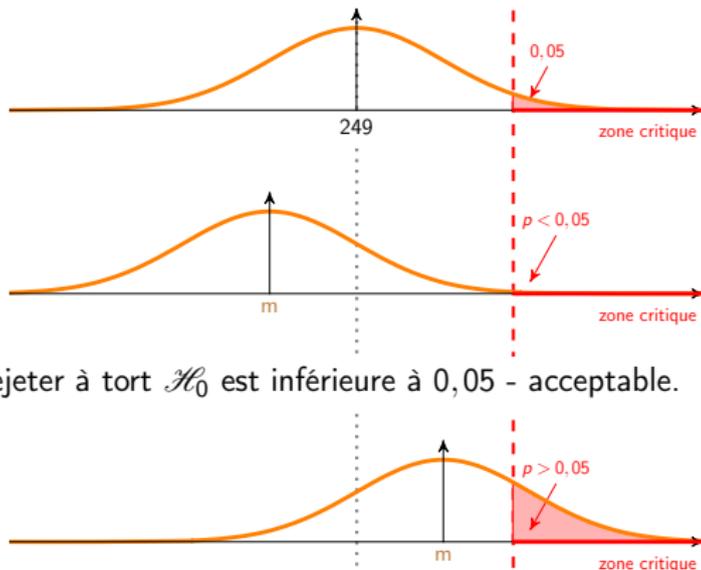
▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N}\left(m; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$ . Si on prenait  $m = 249$  - par exemple,

alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée pour le test (avec  $\alpha = 0,05$ ) définirait une zone critique.

◇ Si la valeur - inconnue - de  $m$  était inférieur à 249, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .

Dans ce cas, la probabilité de rejeter à tort  $\mathcal{H}_0$  est inférieure à 0,05 - acceptable.

◇ Mais si la valeur - inconnue - de  $m$  était comprise entre 249 et 250, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .



$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m > 250"$ .

• Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N}\left(m; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$ . Si on prenait  $m = 249$  - par exemple,

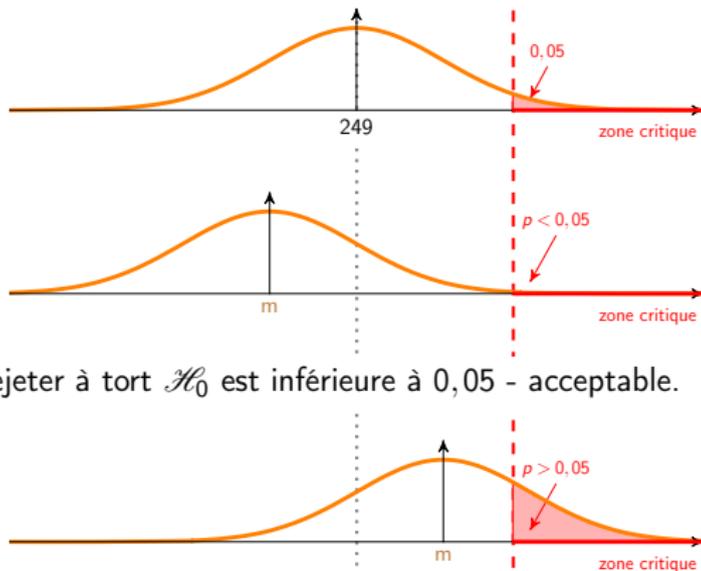
alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée pour le test (avec  $\alpha = 0,05$ ) définirait une zone critique.

◇ Si la valeur - inconnue - de  $m$  était inférieur à 249, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .

Dans ce cas, la probabilité de rejeter à tort  $\mathcal{H}_0$  est inférieure à 0,05 - acceptable.

◇ Mais si la valeur - inconnue - de  $m$  était comprise entre 249 et 250, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .

Dans ce cas, la probabilité de rejeter à tort  $\mathcal{H}_0$  est supérieure à 0,05 - **inacceptable**.



$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m > 250"$ .

• Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N}\left(m; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$ . Si on prenait  $m = 249$  - par exemple,

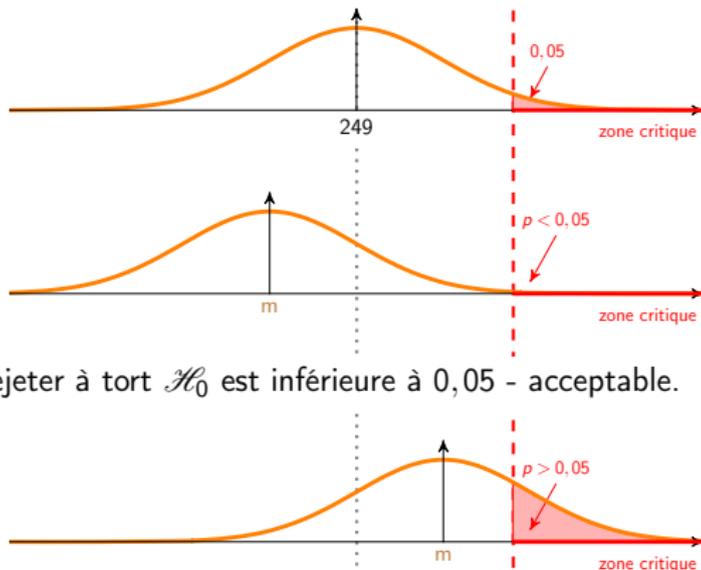
alors la densité de  $\bar{X}$  utilisée pour le test (avec  $\alpha = 0,05$ ) définirait une zone critique.

◇ Si la valeur - inconnue - de  $m$  était inférieur à 249, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .

Dans ce cas, la probabilité de rejeter à tort  $\mathcal{H}_0$  est inférieure à 0,05 - acceptable.

◇ Mais si la valeur - inconnue - de  $m$  était comprise entre 249 et 250, on observerait ci-contre en réalité la densité de  $\bar{X}$ .

Dans ce cas, la probabilité de rejeter à tort  $\mathcal{H}_0$  est supérieure à 0,05 - inacceptable.



Pour être sûr que  $\alpha \leq 0,05$ , on choisit (sous  $\mathcal{H}_0$ )  $m = 250$ .

## Réalisation du test - point de vue du client.

- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : " m \leq 250 " \text{ contre } \mathcal{H}_1 : " m > 250 " .$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

## Réalisation du test - point de vue du client.

- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

# Réalisation du test - point de vue du client.

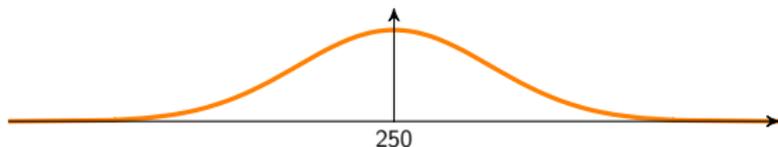
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



# Réalisation du test - point de vue du client.

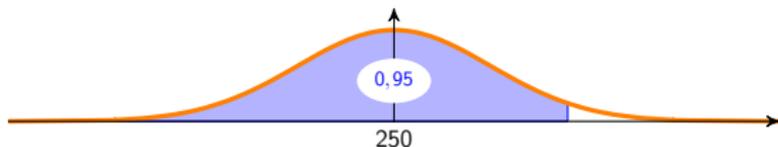
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



# Réalisation du test - point de vue du client.

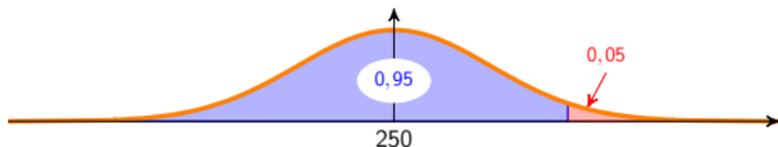
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



# Réalisation du test - point de vue du client.

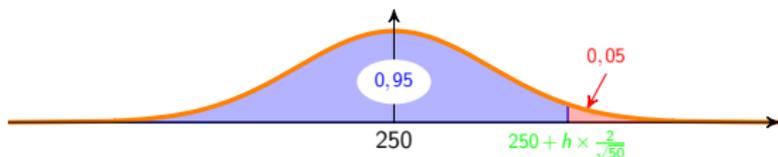
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :





# Réalisation du test - point de vue du client.

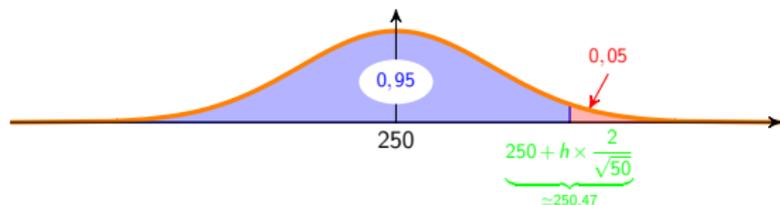
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$\Pi(h) = 0,95$$

$$h = 1,645$$

# Réalisation du test - point de vue du client.

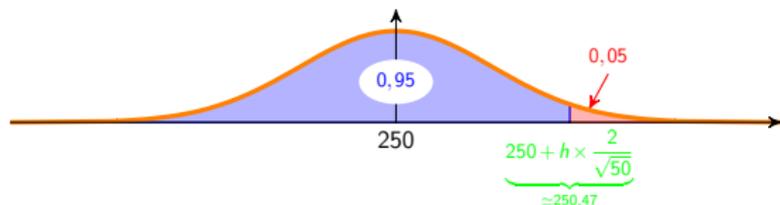
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N}or\left(m; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N}or\left(250; \frac{2}{\sqrt{50}}\right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$\Pi(h) = 0,95$$

$$h = 1,645$$

$$P(\bar{X} \in ]-\infty; 250,47]) = 0,95 : I = ]-\infty; 250,47].$$

# Réalisation du test - point de vue du client.

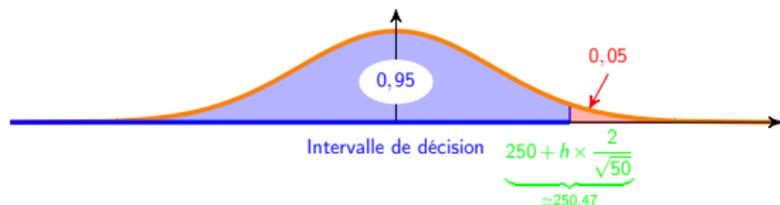
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$\Pi(h) = 0,95$$

$$h = 1,645$$

$$P(\bar{X} \in ]-\infty; 250,47]) = 0,95 : I = ]-\infty; 250,47].$$

# Réalisation du test - point de vue du client.

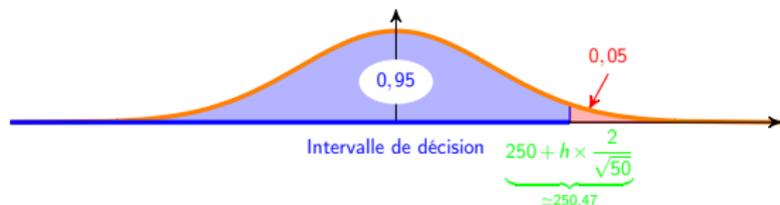
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$\Pi(h) = 0,95$$

$$h = 1,645$$

$$P(\bar{X} \in ]-\infty; 250,47]) = 0,95 : I = ]-\infty; 250,47].$$

- Décision :

# Réalisation du test - point de vue du client.

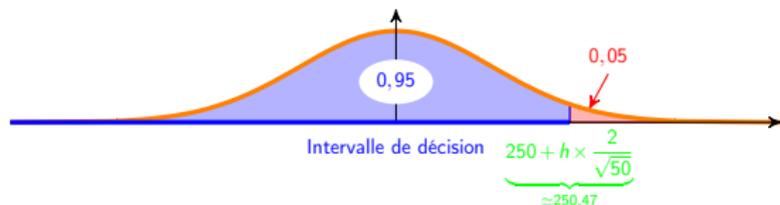
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$\Pi(h) = 0,95$$

$$h = 1,645$$

$$P(\bar{X} \in ]-\infty; 250,47]) = 0,95 : I = ]-\infty; 250,47].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

# Réalisation du test - point de vue du client.

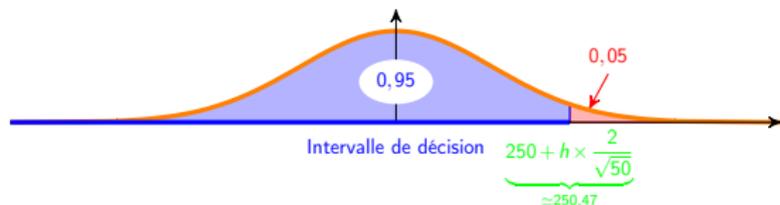
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$\Pi(h) = 0,95$$

$$h = 1,645$$

$$P(\bar{X} \in ]-\infty; 250,47]) = 0,95 : I = ]-\infty; 250,47].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{X} \in I$ ,

# Réalisation du test - point de vue du client.

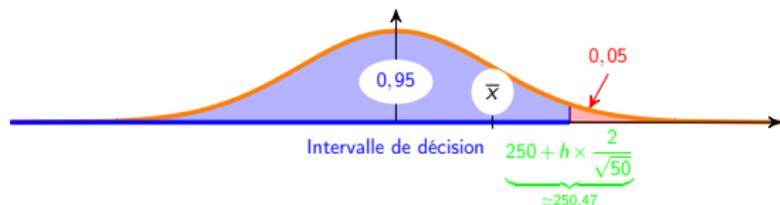
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$\Pi(h) = 0,95$$

$$h = 1,645$$

$$P(\bar{X} \in ]-\infty; 250,47]) = 0,95 : I = ]-\infty; 250,47].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ ,

# Réalisation du test - point de vue du client.

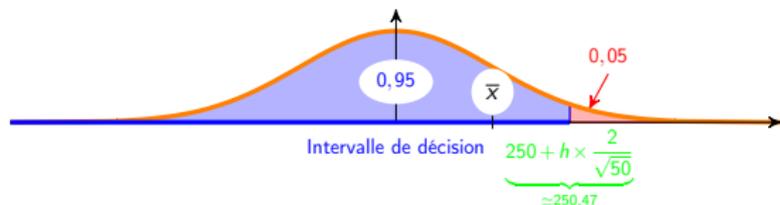
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  n'est "pas trop supérieur à" 250.

$$P(\bar{X} \in ]-\infty; 250,47]) = 0,95 : I = ]-\infty; 250,47].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ ,

# Réalisation du test - point de vue du client.

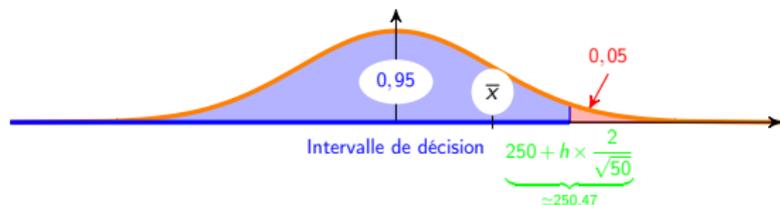
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  n'est "pas trop supérieur à" 250.

$\bar{x}$  n'est pas supérieur à 250

de manière significative.

$$P(\bar{X} \in ]-\infty; 250,47]) = 0,95 : I = ]-\infty; 250,47].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ ,

# Réalisation du test - point de vue du client.

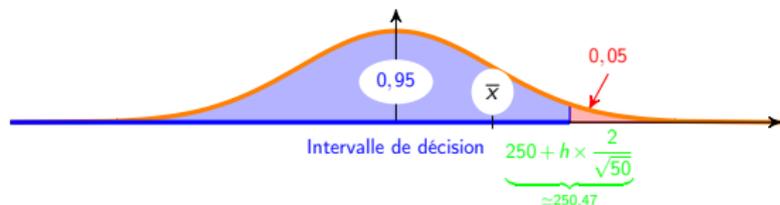
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  n'est "pas trop supérieur à" 250.

$\bar{x}$  n'est pas supérieur à 250

de manière significative.

$$P(\bar{X} \in ]-\infty; 250,47]) = 0,95 : I = ]-\infty; 250,47].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ),

# Réalisation du test - point de vue du client.

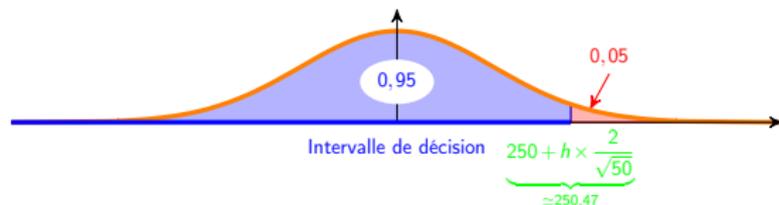
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$P(\bar{X} \in ]-\infty; 250,47]) = 0,95 : I = ]-\infty; 250,47].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ),

▷ si  $\bar{x} \notin I$ ,

# Réalisation du test - point de vue du client.

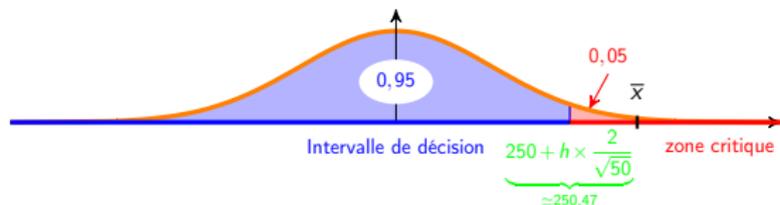
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$P(\bar{X} \in ]-\infty; 250,47]) = 0,95 : I = ]-\infty; 250,47].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ),

▷ si  $\bar{x} \notin I$ ,

# Réalisation du test - point de vue du client.

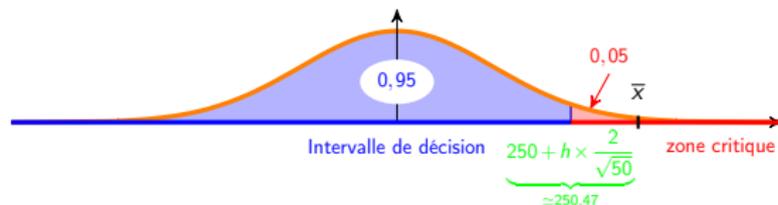
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  est "trop supérieur à" 250.

$$P(\bar{X} \in ]-\infty; 250,47]) = 0,95 : I = ]-\infty; 250,47].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ),

▷ si  $\bar{x} \notin I$ ,

# Réalisation du test - point de vue du client.

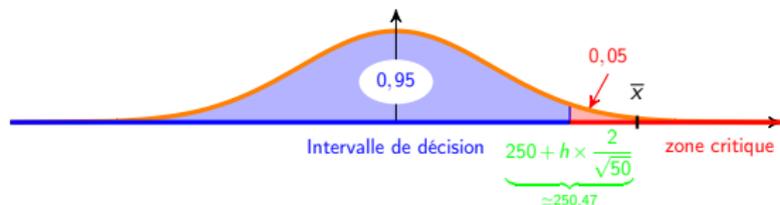
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  est "trop supérieur à" 250.

$\bar{x}$  est supérieur à 250

de manière significative.

$$P(\bar{X} \in ]-\infty; 250,47]) = 0,95 : I = ]-\infty; 250,47].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ),

▷ si  $\bar{x} \notin I$ ,

# Réalisation du test - point de vue du client.

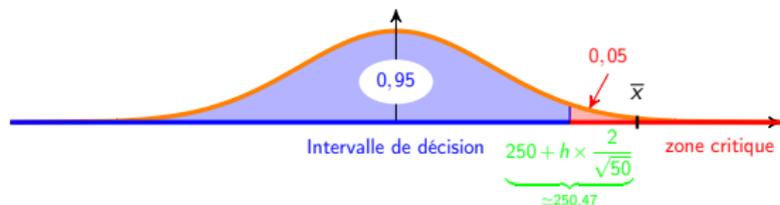
- Ecriture des hypothèses

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  est "trop supérieur à" 250.

$\bar{x}$  est supérieur à 250

de manière significative.

$$P(\bar{X} \in ]-\infty; 250,47]) = 0,95 : I = ]-\infty; 250,47].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ),

▷ si  $\bar{x} \notin I$ , on rejette  $\mathcal{H}_0$  (et accepte  $\mathcal{H}_1$ ).

# Réalisation du test - point de vue du client.

- Ecriture des hypothèses

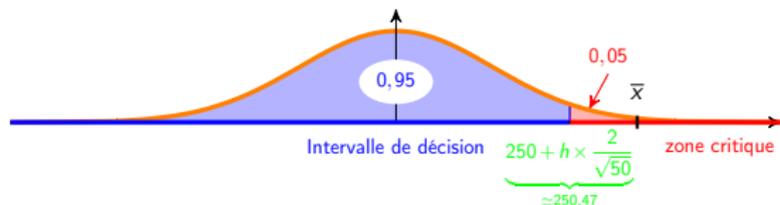
Remarque :  $\mathcal{H}_0$  contient une égalité.

$\mathcal{H}_0$  : "  $m \leq 250$ " contre  $\mathcal{H}_1$  : "  $m > 250$ ".

- Intervalle de décision : on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 250$ ).

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( m ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{N} \text{ or } \left( 250 ; \frac{2}{\sqrt{50}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  est "trop supérieur à" 250.

$\bar{x}$  est supérieur à 250

de manière significative.

$$P(\bar{X} \in ]-\infty; 250,47]) = 0,95 : I = ]-\infty; 250,47].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon)

▷ si  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ),

▷ si  $\bar{x} \notin I$ , on rejette  $\mathcal{H}_0$  (et accepte  $\mathcal{H}_1$ ).

# Bilan.

## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. Pour *le client*, la moyenne doit être de 250 grs (*ou plus*). On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.

- Le client ne tolère pas d'avoir moins de café qu'indiqué !
- Le client accepte d'avoir plus de café qu'indiqué !
- On ne teste plus " $m = 250$  contre  $m \neq 250$ ".
- Comment choisir les hypothèses ?

### ▷ Point de vue du marchand.

Le marchand prétend naturellement que  $m \geq 250$ .  
Pour le convaincre du contraire, il faudrait  $\bar{x}$  très inférieur à 250.

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

### ▷ Point de vue du client.

Le client a tendance à penser que  $m \leq 250$ .  
Pour le convaincre du contraire, il faudrait  $\bar{x}$  très supérieur à 250.

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

# Bilan.

## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. Pour *le client*, la moyenne doit être de 250 grs (*ou plus*). On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.

- Le client ne tolère pas d'avoir moins de café qu'indiqué !
- Le client accepte d'avoir plus de café qu'indiqué !
- On ne teste plus " $m = 250$  contre  $m \neq 250$ ".
- Comment choisir les hypothèses ?

### ▷ Point de vue du marchand.

Le marchand prétend naturellement que  $m \geq 250$ .  
Pour le convaincre du contraire, il faudrait  $\bar{x}$  très inférieur à 250.

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

### ▷ Point de vue du client.

Le client a tendance à penser que  $m \leq 250$ .  
Pour le convaincre du contraire, il faudrait  $\bar{x}$  très supérieur à 250.

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

test favorable  
au marchand

# Bilan.

## Exemple

La masse (en grs) d'un paquet de café (*choisi au hasard*) suit une loi normale d'écart-type 2. Pour *le client*, la moyenne doit être de 250 grs (*ou plus*). On veut décider avec un échantillon de 50 paquets si la moyenne est conforme.

- Le client ne tolère pas d'avoir moins de café qu'indiqué !
- Le client accepte d'avoir plus de café qu'indiqué !
- On ne teste plus " $m = 250$  contre  $m \neq 250$ ".
- Comment choisir les hypothèses ?

### ▷ Point de vue du marchand.

Le marchand prétend naturellement que  $m \geq 250$ .  
Pour le convaincre du contraire, il faudrait  $\bar{x}$  très inférieur à 250.

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 250".$$

test favorable  
au marchand

### ▷ Point de vue du client.

Le client a tendance à penser que  $m \leq 250$ .  
Pour le convaincre du contraire, il faudrait  $\bar{x}$  très supérieur à 250.

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 250" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 250".$$

# Plan

- 1 Objectif et définitions.
  - Prise de décision à partir d'échantillons.
  - Echantillons dans le cas des tests de comparaison.
- 2 Stratégie.
  - Le principe.
  - Risques d'erreurs.
  - Exemple.
- 3 Test bilatéral - Test unilatéral.
  - Un exemple pour comprendre.
  - Distinction bilatéral - unilatéral.
  - Un exemple classique.

# Test bilatéral ou unilatéral ?

- Test bilatéral (seuil de risque= 5%) :

un indicateur d'une population est-il différent ( $\mathcal{H}_1$ ) ou bien égal ( $\mathcal{H}_0$ ) à une valeur donnée ?

densité de la v.a. indicateur sur des échantillons de taille  $n$ .



- Test unilatéral (seuil de risque= 5%) :

un indicateur d'une population est-il strictement inférieur ( $\mathcal{H}_1$ ) ou bien supérieur ou égal ( $\mathcal{H}_0$ ) à une valeur donnée ?

densité de la v.a. indicateur sur des échantillons de taille  $n$ .



# Test bilatéral ou unilatéral ?

- Test bilatéral (seuil de risque= 5%) :

un indicateur d'une population est-il différent ( $\mathcal{H}_1$ ) ou bien égal ( $\mathcal{H}_0$ ) à une valeur donnée ?

densité de la v.a. indicateur sur des échantillons de taille  $n$ .



- Test unilatéral (seuil de risque= 5%) :

un indicateur d'une population est-il strictement inférieur ( $\mathcal{H}_1$ ) ou bien supérieur ou égal ( $\mathcal{H}_0$ ) à une valeur donnée ?

densité de la v.a. indicateur sur des échantillons de taille  $n$ .

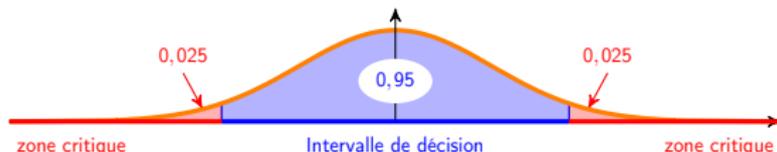


# Test bilatéral ou unilatéral ?

- Test bilatéral (seuil de risque= 5%) :

un indicateur d'une population est-il différent ( $\mathcal{H}_1$ ) ou bien égal ( $\mathcal{H}_0$ ) à une valeur donnée ?

densité de la v.a. indicateur sur des échantillons de taille  $n$ .



- Test unilatéral (seuil de risque= 5%) :

un indicateur d'une population est-il strictement inférieur ( $\mathcal{H}_1$ ) ou bien supérieur ou égal ( $\mathcal{H}_0$ ) à une valeur donnée ?

densité de la v.a. indicateur sur des échantillons de taille  $n$ .

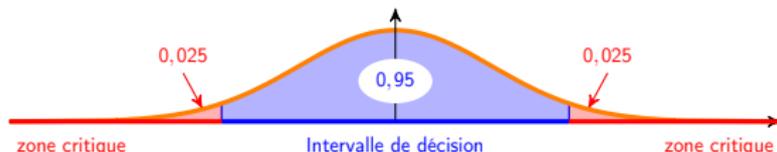


# Test bilatéral ou unilatéral ?

- Test bilatéral (seuil de risque= 5%) :

un indicateur d'une population est-il différent ( $\mathcal{H}_1$ ) ou bien égal ( $\mathcal{H}_0$ ) à une valeur donnée ?

densité de la v.a. indicateur sur des échantillons de taille  $n$ .



- Test unilatéral (seuil de risque= 5%) :

un indicateur d'une population est-il strictement inférieur ( $\mathcal{H}_1$ ) ou bien supérieur ou égal ( $\mathcal{H}_0$ ) à une valeur donnée ?

densité de la v.a. indicateur sur des échantillons de taille  $n$ .

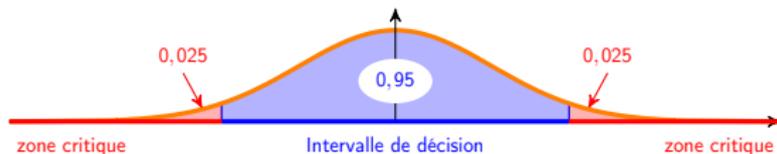


# Test bilatéral ou unilatéral ?

- Test bilatéral (seuil de risque= 5%) :

un indicateur d'une population est-il différent ( $\mathcal{H}_1$ ) ou bien égal ( $\mathcal{H}_0$ ) à une valeur donnée ?

densité de la v.a. indicateur sur des échantillons de taille  $n$ .



- Test unilatéral (seuil de risque= 5%) :

un indicateur d'une population est-il strictement inférieur ( $\mathcal{H}_1$ ) ou bien supérieur ou égal ( $\mathcal{H}_0$ ) à une valeur donnée ?

densité de la v.a. indicateur sur des échantillons de taille  $n$ .

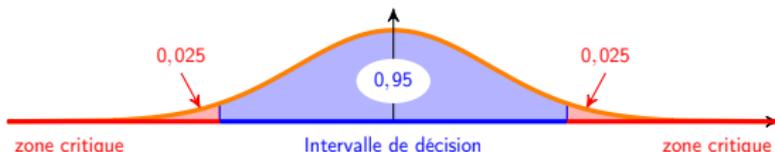


# Test bilatéral ou unilatéral ?

- Test bilatéral (seuil de risque= 5%) :

un indicateur d'une population est-il différent ( $\mathcal{H}_1$ ) ou bien égal ( $\mathcal{H}_0$ ) à une valeur donnée ?

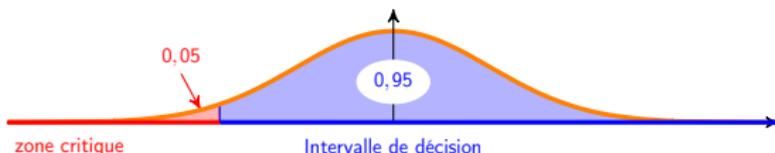
densité de la v.a. indicateur sur des échantillons de taille  $n$ .



- Test unilatéral (seuil de risque= 5%) :

un indicateur d'une population est-il strictement inférieur ( $\mathcal{H}_1$ ) ou bien supérieur ou égal ( $\mathcal{H}_0$ ) à une valeur donnée ?

densité de la v.a. indicateur sur des échantillons de taille  $n$ .

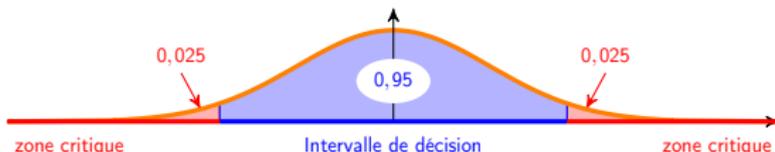


# Test bilatéral ou unilatéral ?

- Test bilatéral (seuil de risque= 5%) :

un indicateur d'une population est-il différent ( $\mathcal{H}_1$ ) ou bien égal ( $\mathcal{H}_0$ ) à une valeur donnée ?

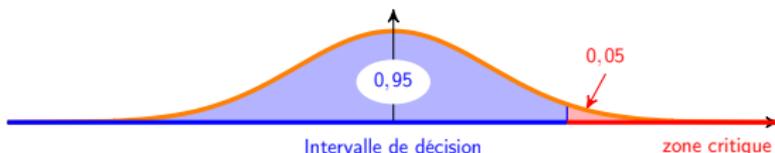
densité de la v.a. indicateur sur des échantillons de taille  $n$ .



- Test unilatéral (seuil de risque= 5%) :

un indicateur d'une population est-il strictement supérieur ( $\mathcal{H}_1$ ) ou bien inférieur ou égal ( $\mathcal{H}_0$ ) à une valeur donnée ?

densité de la v.a. indicateur sur des échantillons de taille  $n$ .



# Plan

- 1 Objectif et définitions.
  - Prise de décision à partir d'échantillons.
  - Echantillons dans le cas des tests de comparaison.
- 2 Stratégie.
  - Le principe.
  - Risques d'erreurs.
  - Exemple.
- 3 Test bilatéral - Test unilatéral.
  - Un exemple pour comprendre.
  - Distinction bilatéral - unilatéral.
  - Un exemple classique.

## Exemple - présentation schématisée du problème.

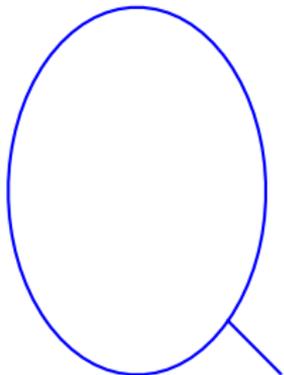
### Exemple

A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a une moyenne de 29,95 L, un écart-type de 0,1 L. On admet que *le volume distribué suit une loi normale*. Le gérant affirme que la moyenne est de 30 L !

## Exemple - présentation schématisée du problème.

### Exemple

A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a une moyenne de 29,95 L, un écart-type de 0,1 L. On admet que *le volume distribué suit une loi normale*. Le gérant affirme que la moyenne est de 30 L !



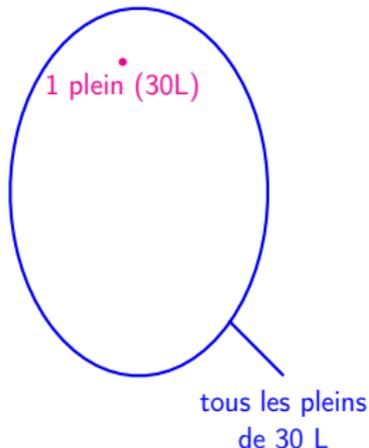
tous les pleins  
de 30 L

- Population : tous les pleins de 30 L délivrés par la pompe.

# Exemple - présentation schématisée du problème.

## Exemple

A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a une moyenne de 29,95 L, un écart-type de 0,1 L. On admet que *le volume distribué suit une loi normale*. Le gérant affirme que la moyenne est de 30 L !

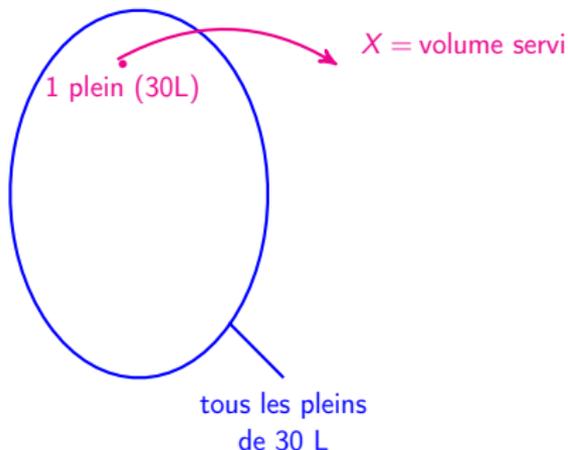


- Population : tous les pleins de 30 L délivrés par la pompe.

# Exemple - présentation schématisée du problème.

## Exemple

A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a une moyenne de 29,95 L, un écart-type de 0,1 L. On admet que *le volume distribué suit une loi normale*. Le gérant affirme que la moyenne est de 30 L !

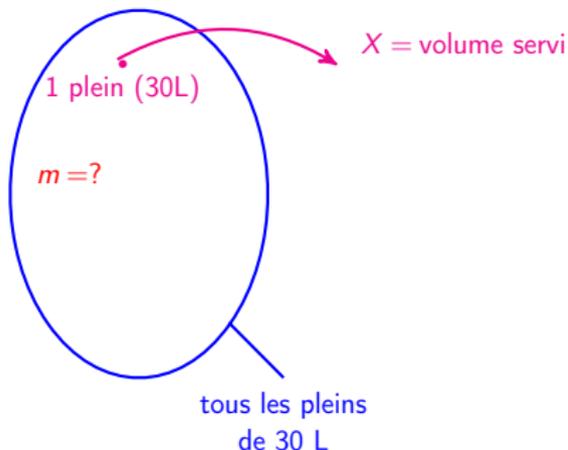


- Population : tous les pleins de 30 L délivrés par la pompe.
- Caractère : volume servi.

# Exemple - présentation schématisée du problème.

## Exemple

A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a une moyenne de 29,95 L, un écart-type de 0,1 L. On admet que *le volume distribué suit une loi normale*. Le gérant affirme que la moyenne est de 30 L !

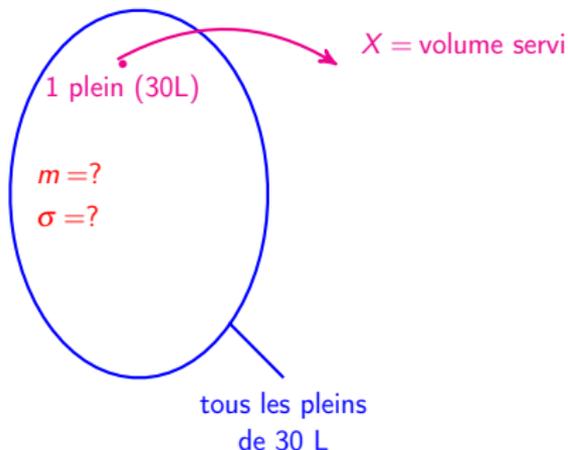


- Population : tous les pleins de 30 L délivrés par la pompe.
- Caractère : volume servi.
- Moyenne  $m$  : inconnue (tester si  $m = 30$ ).

# Exemple - présentation schématisée du problème.

## Exemple

A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a une moyenne de 29,95 L, un écart-type de 0,1 L. On admet que *le volume distribué suit une loi normale*. Le gérant affirme que la moyenne est de 30 L !

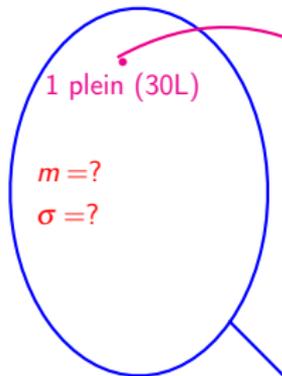


- Population : tous les pleins de 30 L délivrés par la pompe.
- Caractère : volume servi.
- Moyenne  $m$  : inconnue (tester si  $m = 30$ ).
- Ecart-type  $\sigma$  : inconnu.

# Exemple - présentation schématisée du problème.

## Exemple

A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a une moyenne de 29,95 L, un écart-type de 0,1 L. On admet que *le volume distribué suit une loi normale*. Le gérant affirme que la moyenne est de 30 L !



$X = \text{volume servi}$   
 $X \sim \mathcal{N} \text{ or } (m; \sigma)$

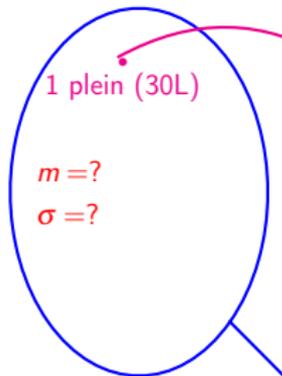
- Population : tous les pleins de 30 L délivrés par la pompe.
- Caractère : volume servi.
- Moyenne  $m$  : inconnue (tester si  $m = 30$ ).
- Ecart-type  $\sigma$  : inconnu.

tous les pleins  
de 30 L

# Exemple - présentation schématisée du problème.

## Exemple

A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a une moyenne de 29,95 L, un écart-type de 0,1 L. On admet que *le volume distribué suit une loi normale*. Le gérant affirme que la moyenne est de 30 L !



1 plein (30L)

$m = ?$

$\sigma = ?$

$X = \text{volume servi}$   
 $X \sim \mathcal{N} \text{ or}(m; \sigma)$

A tester :  
 $m = 30$  contre  $m \neq 30$ .

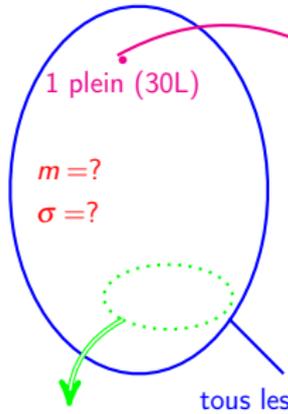
tous les pleins  
de 30 L

- Population : tous les pleins de 30 L délivrés par la pompe.
- Caractère : volume servi.
- Moyenne  $m$  : inconnue (tester si  $m = 30$ ).
- Ecart-type  $\sigma$  : inconnu.

# Exemple - présentation schématisée du problème.

## Exemple

A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a une moyenne de 29,95 L, un écart-type de 0,1 L. On admet que *le volume distribué suit une loi normale*. Le gérant affirme que la moyenne est de 30 L !



$X = \text{volume servi}$   
 $X \sim \mathcal{N}(m; \sigma)$

A tester :  
 $m = 30$  contre  $m \neq 30$ .

échantillon  
 $n = 10$   
 $\bar{x} = 29,95$   
 $s = 0,1$

tous les pleins  
de 30 L

- Population : tous les pleins de 30 L délivrés par la pompe.
- Caractère : volume servi.
- Moyenne  $m$  : inconnue (tester si  $m = 30$ ).
- Ecart-type  $\sigma$  : inconnu.
- Echantillon :  $n = 10$  ( $\bar{x} = 29,95$   $s = 0,1$ ).

## Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : " m = 30 " \text{ contre } \mathcal{H}_1 : " m \neq 30 " .$$

- Intervalle de décision :

▷ Loi de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : " m = 30 " \text{ contre } \mathcal{H}_1 : " m \neq 30 " .$$

- Intervalle de décision :

▷ Loi de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : " m = 30 " \text{ contre } \mathcal{H}_1 : " m \neq 30 " .$$

- Intervalle de décision :

▷ Loi de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : " m = 30 " \text{ contre } \mathcal{H}_1 : " m \neq 30 " .$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 30$ ).*

▷ Loi de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : " m = 30 " \text{ contre } \mathcal{H}_1 : " m \neq 30 " .$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 30$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 30".$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 30$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{Stu}_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : " m = 30 " \text{ contre } \mathcal{H}_1 : " m \neq 30 " .$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{Stu}_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{Stu}_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : " m = 30 " \text{ contre } \mathcal{H}_1 : " m \neq 30 " .$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{Stu}_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{Stu}_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple - Réalisation du test.

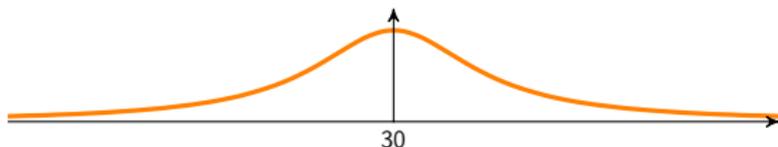
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : " m = 30 " \text{ contre } \mathcal{H}_1 : " m \neq 30 " .$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

# Exemple - Réalisation du test.

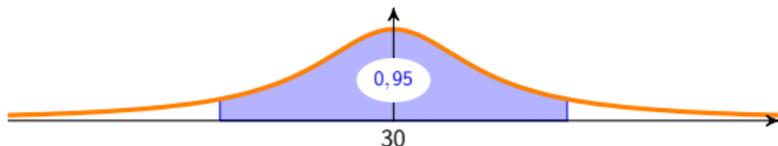
- Écriture des hypothèses :

$\mathcal{H}_0 : "m = 30"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m \neq 30"$ .

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )





# Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 30".$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 30$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

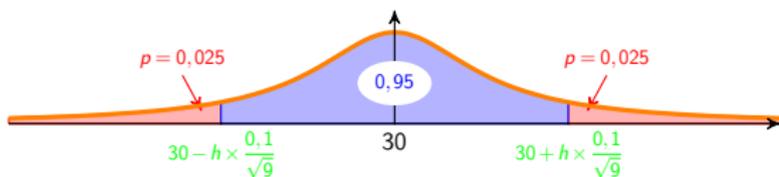


Table de Student

d.d.l. \ 2p	...	0,05
...		...
9	...	2,262

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

# Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 30"$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 30$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

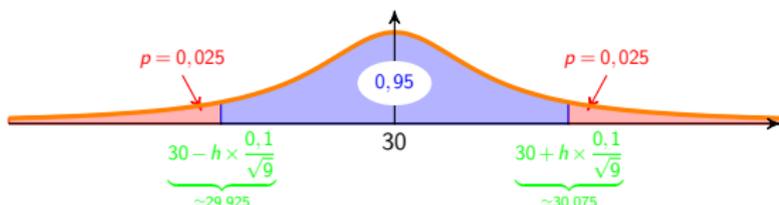


Table de Student

d.d.l. \ 2p	...	0,05
...		...
9	...	2,262

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

# Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 30"$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

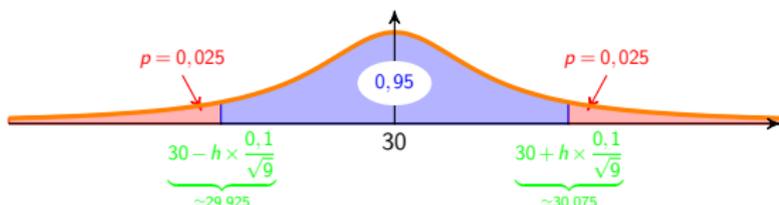


Table de Student

d.d.l.	2p	...	0,05
...			...
9		...	2,262

$$P(\bar{X} \in [29,925; 30,075]) = 0,95 : I = [29,925; 30,075].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

# Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 30"$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 30$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

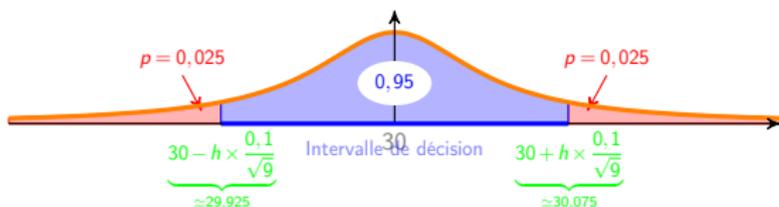


Table de Student

d.d.l.	2p	...	0,05
...			...
9		...	2,262

$$P(\bar{X} \in [29,925; 30,075]) = 0,95 : I = [29,925; 30,075].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

# Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 30"$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 30$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

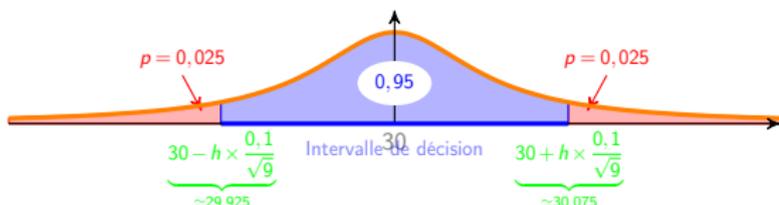


Table de Student

d.d.l.	2p	...	0,05
...			...
9		...	2,262

$$P(\bar{X} \in [29,925; 30,075]) = 0,95 : I = [29,925; 30,075].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

# Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 30"$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 30$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

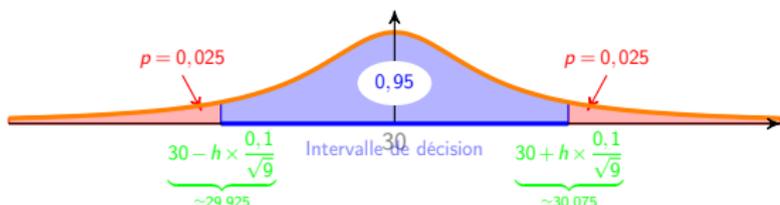


Table de Student

d.d.l.	2p	...	0,05
...			...
9		...	2,262

$$P(\bar{X} \in [29,925; 30,075]) = 0,95 : I = [29,925; 30,075].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 30"$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 30$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

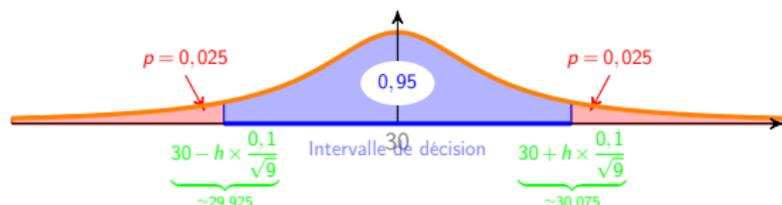


Table de Student

d.d.l.	2p	...	0,05
...			...
9		...	2,262

$$P(\bar{X} \in [29,925; 30,075]) = 0,95 : I = [29,925; 30,075].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

▷  $\bar{x} \in I$ ,

## Exemple - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 30"$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 30$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

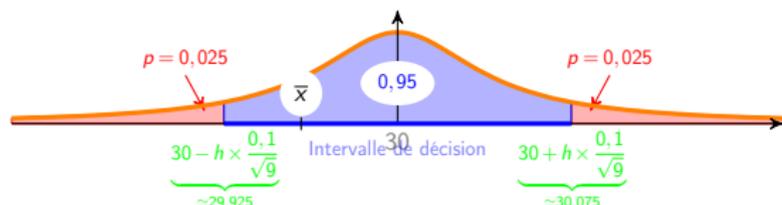


Table de Student

d.d.l.	2p	...	0,05
...			...
9		...	2,262

$$P(\bar{X} \in [29,925; 30,075]) = 0,95 : I = [29,925; 30,075].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

▷  $\bar{x} \in I$ ,

## Exemple - Réalisation du test.

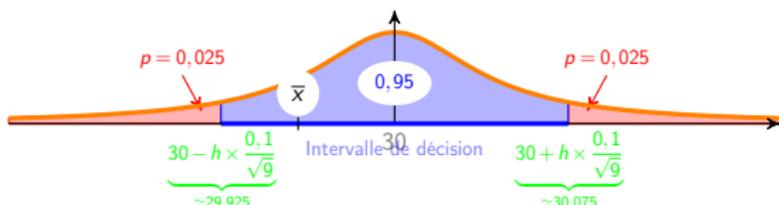
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 30".$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 30$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  n'est pas "trop loin" de 30.

$$P(\bar{X} \in [29,925; 30,075]) = 0,95 : I = [29,925; 30,075].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

▷  $\bar{x} \in I$ ,

## Exemple - Réalisation du test.

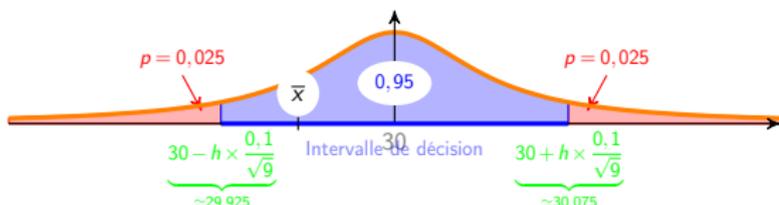
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 30".$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 30$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  n'est pas "trop loin" de 30.

L'écart entre  $\bar{x}$  et 30

n'est pas significatif.

$$P(\bar{X} \in [29,925; 30,075]) = 0,95 : I = [29,925; 30,075].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

▷  $\bar{x} \in I$ ,

## Exemple - Réalisation du test.

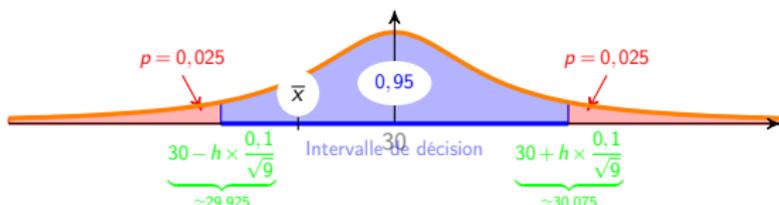
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 30".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

- ▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  n'est pas "trop loin" de 30.

L'écart entre  $\bar{x}$  et 30

n'est pas significatif.

$$P(\bar{X} \in [29,925; 30,075]) = 0,95 : I = [29,925; 30,075].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

- ▷  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ).

# Exemple - Réalisation du test.

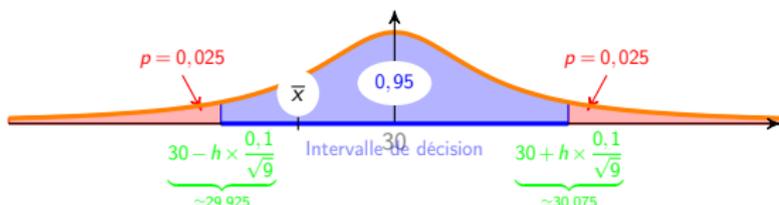
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m = 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m \neq 30"$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m = 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  n'est pas "trop loin" de 30.

L'écart entre  $\bar{x}$  et 30

n'est pas significatif.

$$P(\bar{X} \in [29,925; 30,075]) = 0,95 : I = [29,925; 30,075].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

▷  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ).

On peut penser qu'en moyenne la pompe délivre 30L pour un plein de 30L.

## Exemple (bis) - présentation schématisée du problème.

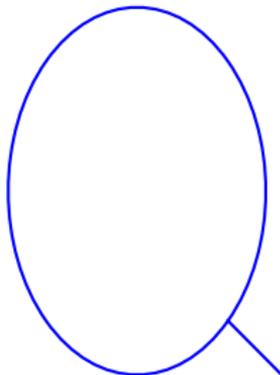
### Exemple

A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a :  $\bar{x} = 29,95$  et  $s = 0,1$ .  
On admet que *le volume distribué suit une loi normale*.  
Le pompiste affirme que la moyenne est supérieure ou égale à 30 L !

## Exemple (bis) - présentation schématisée du problème.

### Exemple

A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a :  $\bar{x} = 29,95$  et  $s = 0,1$ .  
On admet que *le volume distribué suit une loi normale*.  
Le pompiste affirme que la moyenne est supérieure ou égale à 30 L !



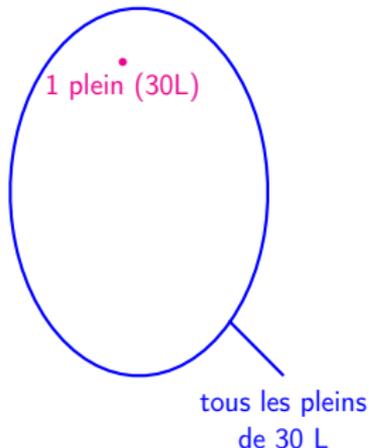
tous les pleins  
de 30 L

- Population : tous les pleins de 30 L délivrés par la pompe.

## Exemple (bis) - présentation schématisée du problème.

### Exemple

A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a :  $\bar{x} = 29,95$  et  $s = 0,1$ .  
On admet que *le volume distribué suit une loi normale*.  
Le pompiste affirme que la moyenne est supérieure ou égale à 30 L !

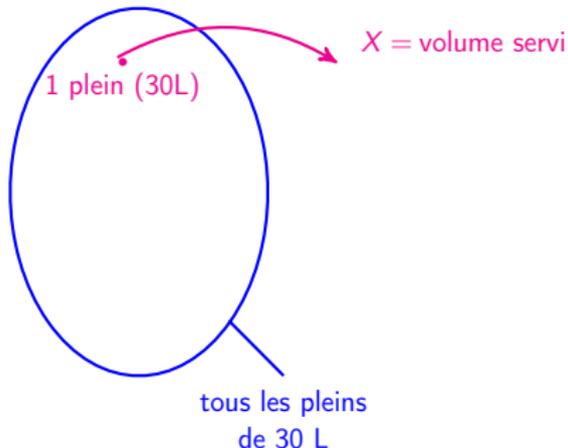


- Population : tous les pleins de 30 L délivrés par la pompe.

# Exemple (bis) - présentation schématisée du problème.

## Exemple

A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a :  $\bar{x} = 29,95$  et  $s = 0,1$ .  
On admet que *le volume distribué suit une loi normale*.  
Le pompiste affirme que la moyenne est supérieure ou égale à 30 L !

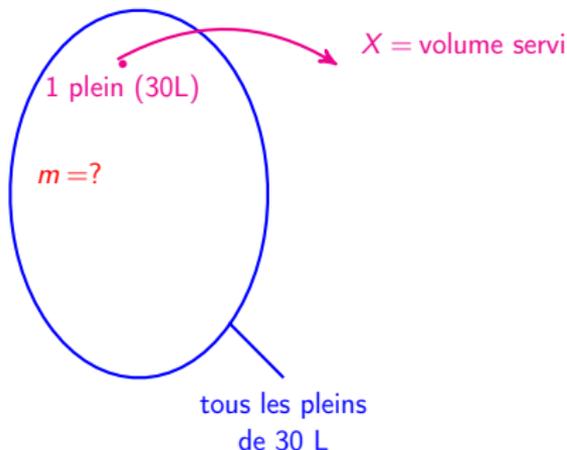


- Population : tous les pleins de 30 L délivrés par la pompe.
- Caractère : volume servi.

# Exemple (bis) - présentation schématisée du problème.

## Exemple

A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a :  $\bar{x} = 29,95$  et  $s = 0,1$ .  
On admet que *le volume distribué suit une loi normale*.  
Le pompiste affirme que la moyenne est supérieure ou égale à 30 L !

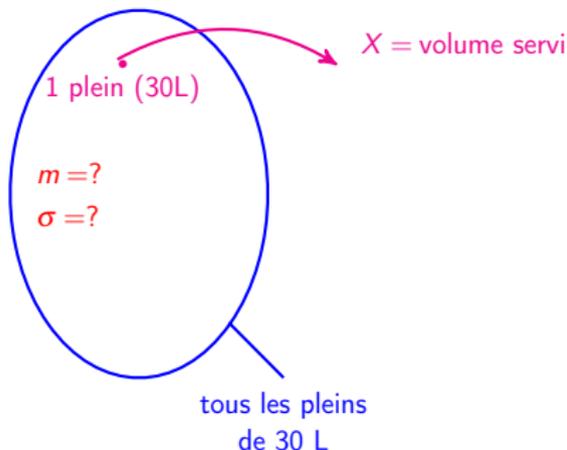


- Population : tous les pleins de 30 L délivrés par la pompe.
- Caractère : volume servi.
- Moyenne  $m$  : inconnue (tester si  $m < 30$ ).

# Exemple (bis) - présentation schématisée du problème.

## Exemple

A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a :  $\bar{x} = 29,95$  et  $s = 0,1$ .  
On admet que *le volume distribué suit une loi normale*.  
Le pompiste affirme que la moyenne est supérieure ou égale à 30 L !

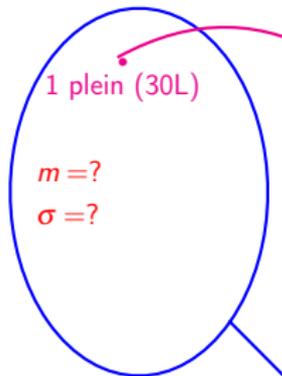


- Population : tous les pleins de 30 L délivrés par la pompe.
- Caractère : volume servi.
- Moyenne  $m$  : inconnue (tester si  $m < 30$ ).
- Ecart-type  $\sigma$  : inconnu.

# Exemple (bis) - présentation schématisée du problème.

## Exemple

A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a :  $\bar{x} = 29,95$  et  $s = 0,1$ .  
On admet que *le volume distribué suit une loi normale*.  
Le pompiste affirme que la moyenne est supérieure ou égale à 30 L !



$X = \text{volume servi}$   
 $X \sim \mathcal{N} \text{ or } (m; \sigma)$

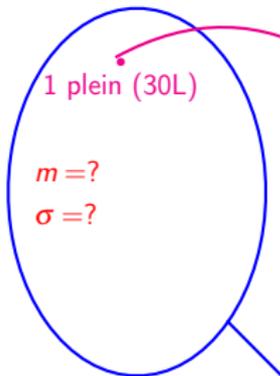
- Population : tous les pleins de 30 L délivrés par la pompe.
- Caractère : volume servi.
- Moyenne  $m$  : inconnue (tester si  $m < 30$ ).
- Ecart-type  $\sigma$  : inconnu.

tous les pleins  
de 30 L

# Exemple (bis) - présentation schématisée du problème.

## Exemple

A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a :  $\bar{x} = 29,95$  et  $s = 0,1$ .  
On admet que *le volume distribué suit une loi normale*.  
Le pompiste affirme que la moyenne est supérieure ou égale à 30 L !



$X = \text{volume servi}$   
 $X \sim \mathcal{N} \text{ or}(m; \sigma)$

A tester :  
 $m \geq 30$  contre  $m < 30$ .

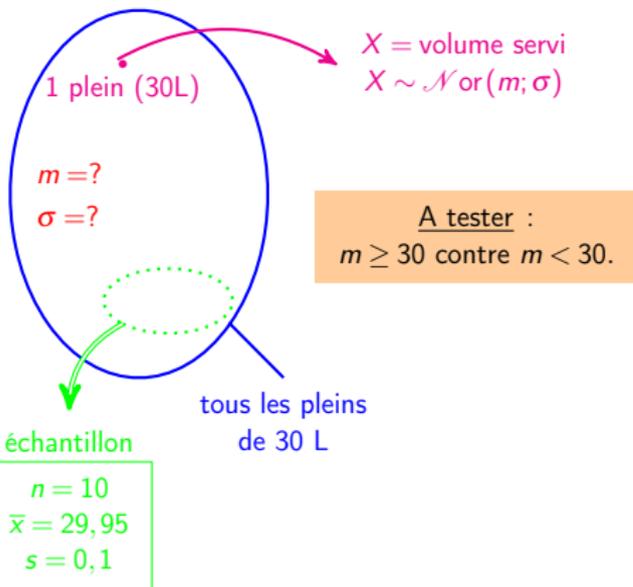
- Population : tous les pleins de 30 L délivrés par la pompe.
- Caractère : volume servi.
- Moyenne  $m$  : inconnue (tester si  $m < 30$ ).
- Ecart-type  $\sigma$  : inconnu.

tous les pleins  
de 30 L

# Exemple (bis) - présentation schématisée du problème.

## Exemple

A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a :  $\bar{x} = 29,95$  et  $s = 0,1$ .  
 On admet que *le volume distribué suit une loi normale*.  
 Le pompiste affirme que la moyenne est supérieure ou égale à 30 L !



- Population : tous les pleins de 30 L délivrés par la pompe.
- Caractère : volume servi.
- Moyenne  $m$  : inconnue (tester si  $m < 30$ ).
- Ecart-type  $\sigma$  : inconnu.
- Echantillon :  $n = 10$  ( $\bar{x} = 29,95$   $s = 0,1$ ).

## Exemple (bis) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$\mathcal{H}_0 : " m \geq 30 "$  contre  $\mathcal{H}_1 : " m < 30 "$ .

- Intervalle de décision :

▷ Loi de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple (bis) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 30".$$

- Intervalle de décision :

▷ Loi de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple (bis) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 30".$$

- Intervalle de décision :

▷ Loi de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple (bis) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 30".$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 30$ ).*

▷ Loi de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple (bis) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 30".$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 30$ ).*

▷ Loi de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple (bis) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : " m \geq 30 " \text{ contre } \mathcal{H}_1 : " m < 30 " .$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 30$ ).*

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{Stu}_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple (bis) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 30".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

# Exemple (bis) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : " m \geq 30 " \text{ contre } \mathcal{H}_1 : " m < 30 " .$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

# Exemple (bis) - Réalisation du test.

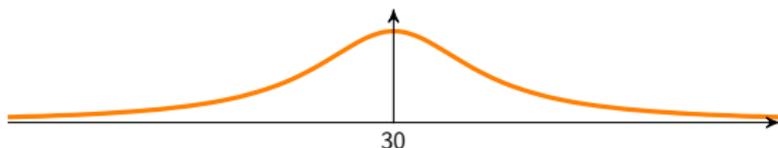
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 30".$$

- Intervalle de décision : ***on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 30$ ).***

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

- ▷ Densité de  $\bar{X}$  :



- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple (bis) - Réalisation du test.

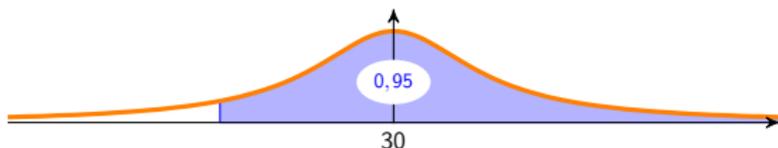
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 30".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

- ▷ Densité de  $\bar{X}$  :



- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

# Exemple (bis) - Réalisation du test.

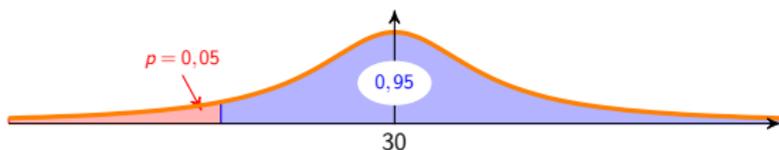
- Écriture des hypothèses :

$\mathcal{H}_0 : "m \geq 30"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m < 30"$ .

- Intervalle de décision : ***on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 30$ ).***

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )



# Exemple (bis) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$\mathcal{H}_0 : "m \geq 30"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m < 30"$ .

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 30$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

- ▷ Densité de  $\bar{X}$  :

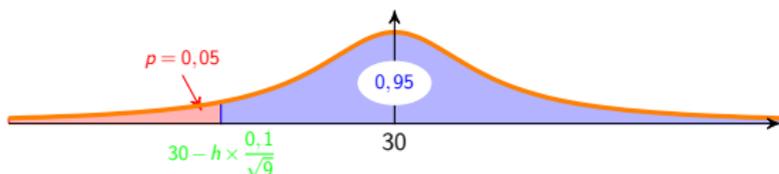


Table de Student

d.d.l.	2p	...	0,1
...			...
9	...		1,833

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

# Exemple (bis) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$\mathcal{H}_0 : "m \geq 30"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m < 30"$ .

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 30$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{Stu}_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{Stu}_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

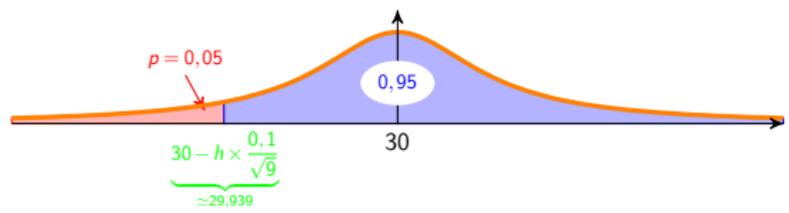


Table de Student

	2p	...	0,1
d.d.l.			
⋮			⋮
9		...	1,833

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

# Exemple (bis) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 30".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{Stu}_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{Stu}_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

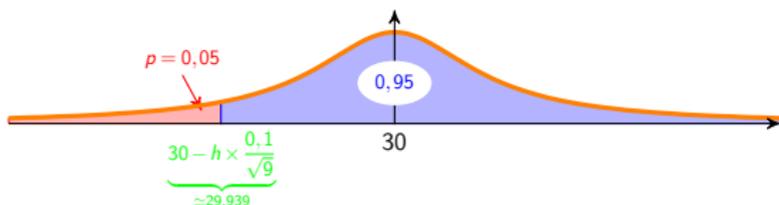


Table de Student

d.d.l.	2p	...	0,1
...			...
9	...		1,833

$$P(\bar{X} \in [29,939; +\infty[) = 0,95 : I = [29,939; +\infty[.$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

# Exemple (bis) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 30".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{Stu}_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{Stu}_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

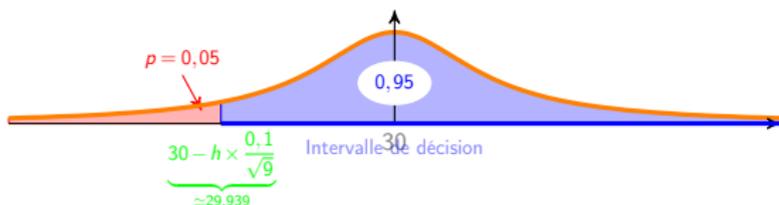


Table de Student

	2p	...	0,1
d.d.l.			
...			...
9	...		1,833

$$P(\bar{X} \in [29,939; +\infty[) = 0,95 : I = [29,939; +\infty[.$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

# Exemple (bis) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 30".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{Stu}_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{Stu}_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

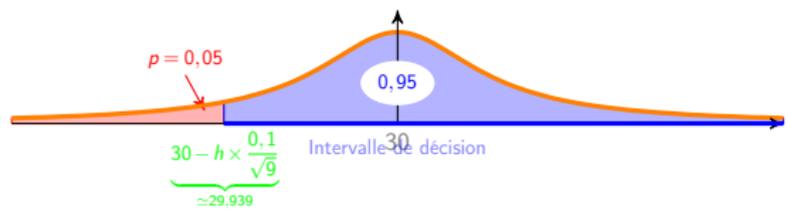


Table de Student

d.d.l.	2p	...	0,1
...			...
9	...		1,833

$$P(\bar{X} \in [29,939; +\infty[) = 0,95 : I = [29,939; +\infty[.$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

# Exemple (bis) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 30".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{Stu}_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{Stu}_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

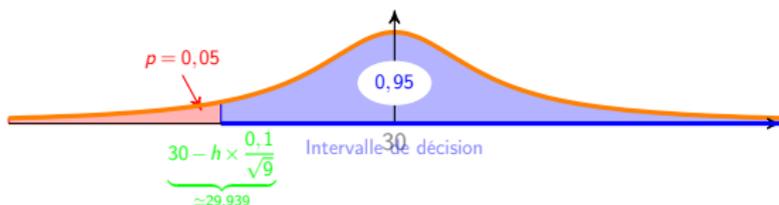


Table de Student

	2p	...	0,1
d.d.l.			
...			...
9	...		1,833

$$P(\bar{X} \in [29,939; +\infty[) = 0,95 : I = [29,939; +\infty[.$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple (bis) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 30".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

- ▷ Densité de  $\bar{X}$  :

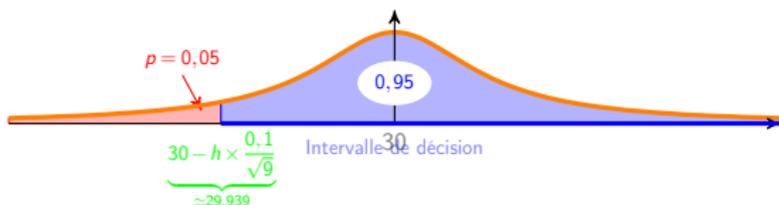


Table de Student

d.d.l.	2p	...	0,1
...			...
9	...		1,833

$$P(\bar{X} \in [29,939; +\infty[) = 0,95 : I = [29,939; +\infty[.$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

▷  $\bar{x} \in I,$

## Exemple (bis) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 30".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

- ▷ Densité de  $\bar{X}$  :

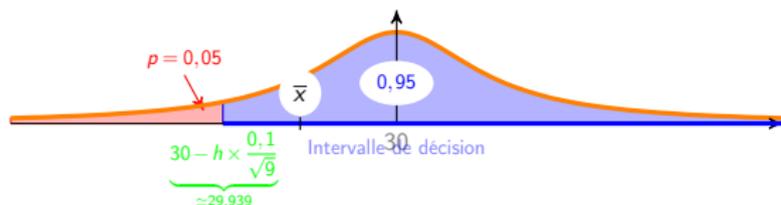


Table de Student

d.d.l.	2p	...	0,1
...			...
9	...		1,833

$$P(\bar{X} \in [29,939; +\infty[) = 0,95 : I = [29,939; +\infty[.$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

▷  $\bar{x} \in I,$

## Exemple (bis) - Réalisation du test.

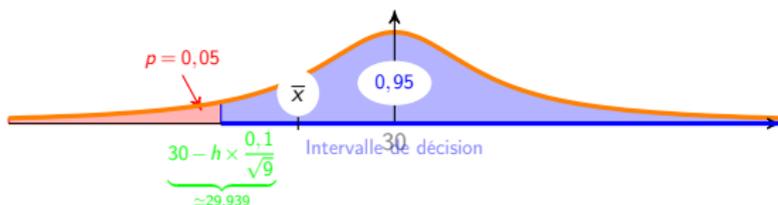
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 30".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

- ▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$$P(\bar{X} \in [29,939; +\infty[) = 0,95 : I = [29,939; +\infty[.$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

▷  $\bar{x} \in I,$

## Exemple (bis) - Réalisation du test.

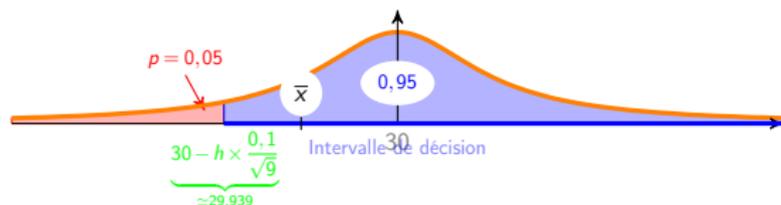
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 30".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  n'est pas "trop inférieur" à 30.

$\bar{x}$  n'est pas inférieur à 30

de manière significative.

$$P(\bar{X} \in [29,939; +\infty[) = 0,95 : I = [29,939; +\infty[.$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

▷  $\bar{x} \in I,$

## Exemple (bis) - Réalisation du test.

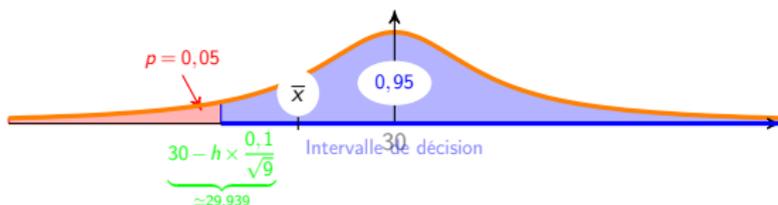
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 30".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

- ▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  n'est pas "trop inférieur" à 30.

$\bar{x}$  n'est pas inférieur à 30

de manière significative.

$$P(\bar{X} \in [29,939; +\infty[) = 0,95 : I = [29,939; +\infty[.$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

- ▷  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ).

## Exemple (bis) - Réalisation du test.

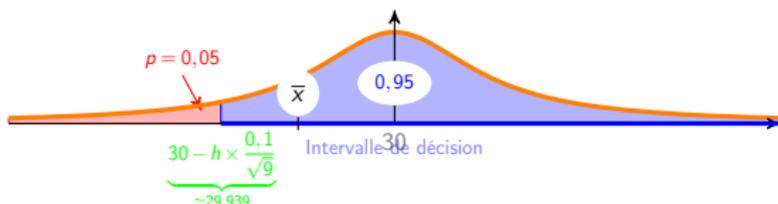
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \geq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m < 30".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \geq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

- ▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  n'est pas "trop inférieur" à 30.

$\bar{x}$  n'est pas inférieur à 30

de manière significative.

$$P(\bar{X} \in [29,939; +\infty[) = 0,95 : I = [29,939; +\infty[.$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

- ▷  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ).

Du point de vue du pompiste, on peut penser que  $m$  est supérieure ou égale à 30L.

## Exemple (ter) - présentation schématisée du problème.

### Exemple

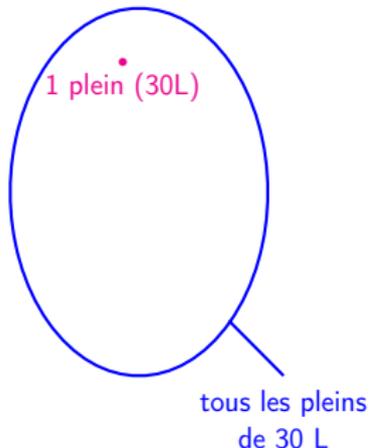
A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a :  $\bar{x} = 29,95$  et  $s = 0,1$ .  
On admet que *le volume distribué suit une loi normale*.  
Le client affirme que la moyenne est inférieure ou égale à 30 L !



# Exemple (ter) - présentation schématisée du problème.

## Exemple

A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a :  $\bar{x} = 29,95$  et  $s = 0,1$ .  
On admet que *le volume distribué suit une loi normale*.  
Le client affirme que la moyenne est inférieure ou égale à 30 L !

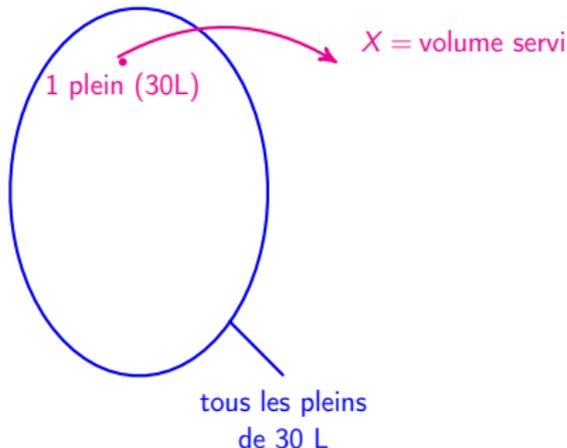


- Population : tous les pleins de 30 L délivrés par la pompe.

# Exemple (ter) - présentation schématisée du problème.

## Exemple

A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a :  $\bar{x} = 29,95$  et  $s = 0,1$ .  
On admet que *le volume distribué suit une loi normale*.  
Le client affirme que la moyenne est inférieure ou égale à 30 L !



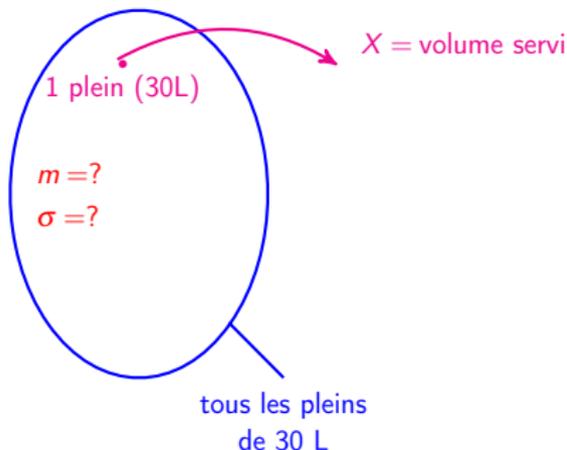
- Population : tous les pleins de 30 L délivrés par la pompe.
- Caractère : volume servi.



# Exemple (ter) - présentation schématisée du problème.

## Exemple

A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a :  $\bar{x} = 29,95$  et  $s = 0,1$ .  
On admet que *le volume distribué suit une loi normale*.  
Le client affirme que la moyenne est inférieure ou égale à 30 L !

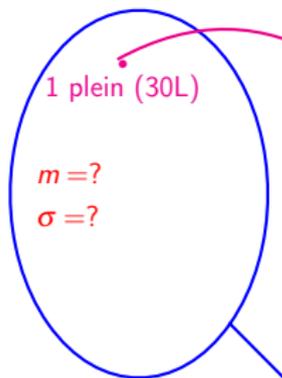


- Population : tous les pleins de 30 L délivrés par la pompe.
- Caractère : volume servi.
- Moyenne  $m$  : inconnue (tester si  $m < 30$ ).
- Ecart-type  $\sigma$  : inconnu.

# Exemple (ter) - présentation schématisée du problème.

## Exemple

A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a :  $\bar{x} = 29,95$  et  $s = 0,1$ .  
On admet que *le volume distribué suit une loi normale*.  
Le client affirme que la moyenne est inférieure ou égale à 30 L !



tous les pleins  
de 30 L

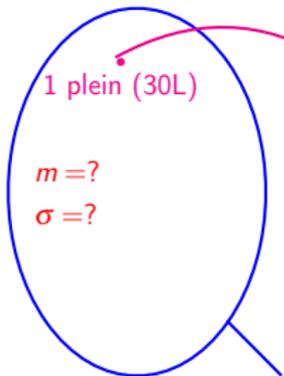
$X = \text{volume servi}$   
 $X \sim \mathcal{N} \text{ or } (m; \sigma)$

- Population : tous les pleins de 30 L délivrés par la pompe.
- Caractère : volume servi.
- Moyenne  $m$  : inconnue (tester si  $m < 30$ ).
- Ecart-type  $\sigma$  : inconnu.

# Exemple (ter) - présentation schématisée du problème.

## Exemple

A une station-service, sur 10 pleins de 30 L, on a :  $\bar{x} = 29,95$  et  $s = 0,1$ .  
On admet que *le volume distribué suit une loi normale*.  
Le client affirme que la moyenne est inférieure ou égale à 30 L !



$X = \text{volume servi}$   
 $X \sim \mathcal{N} \text{ or } (m; \sigma)$

A tester :  
 $m \leq 30$  contre  $m > 30$ .

- Population : tous les pleins de 30 L délivrés par la pompe.
- Caractère : volume servi.
- Moyenne  $m$  : inconnue (tester si  $m < 30$ ).
- Ecart-type  $\sigma$  : inconnu.

tous les pleins  
de 30 L



## Exemple (ter) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : " m \leq 30 " \text{ contre } \mathcal{H}_1 : " m > 30 " .$$

- Intervalle de décision :

▷ Loi de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple (ter) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : " m \leq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : " m > 30".$$

- Intervalle de décision :

▷ Loi de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple (ter) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : " m \leq 30 " \text{ contre } \mathcal{H}_1 : " m > 30 " .$$

- Intervalle de décision :

▷ Loi de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple (ter) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 30".$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 30$ ).*

▷ Loi de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple (ter) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 30".$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 30$ ).*

▷ Loi de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple (ter) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 30".$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 30$ ).*

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{S}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple (ter) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 30".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

# Exemple (ter) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 30".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 30$ ).**

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

# Exemple (ter) - Réalisation du test.

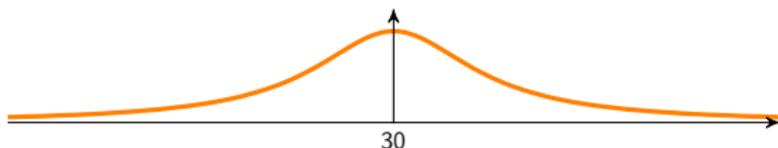
- Écriture des hypothèses :

$\mathcal{H}_0 : "m \leq 30"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m > 30"$ .

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

- ▷ Densité de  $\bar{X}$  :



- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

# Exemple (ter) - Réalisation du test.

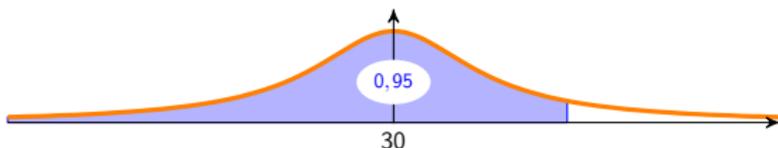
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : " m \leq 30 " \text{ contre } \mathcal{H}_1 : " m > 30 " .$$

- Intervalle de décision : ***on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 30$ ).***

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

- ▷ Densité de  $\bar{X}$  :



- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

# Exemple (ter) - Réalisation du test.

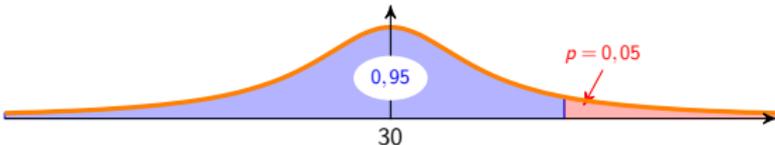
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : " m \leq 30 " \text{ contre } \mathcal{H}_1 : " m > 30 " .$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 30$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :



- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )



## Exemple (ter) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 30".$$

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 30$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

- ▷ Densité de  $\bar{X}$  :

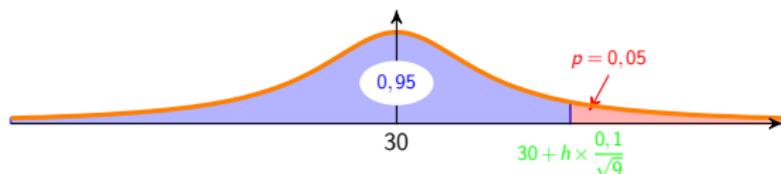


Table de Student

d.d.l.	2p	...	0,1
...			...
9	...		1,833

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

# Exemple (ter) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$\mathcal{H}_0 : "m \leq 30"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m > 30"$ .

- Intervalle de décision : *on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 30$ )*.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

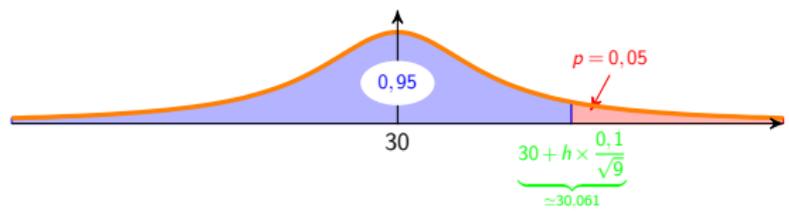


Table de Student

	2p	...	0,1
d.d.l.			
⋮			⋮
9		...	1,833

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

# Exemple (ter) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$\mathcal{H}_0 : "m \leq 30"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m > 30"$ .

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X} : \bar{X} \sim \mathcal{Stu}_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{Stu}_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

▷ Densité de  $\bar{X}$  :

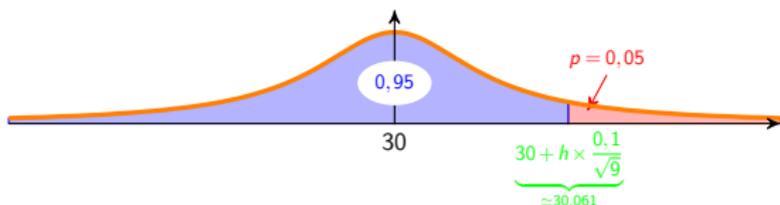


Table de Student

	2p	...	0,1
d.d.l.			
⋮			⋮
9		...	1,833

$P(\bar{X} \in ]-\infty; 30,061]) = 0,95 : I = ]-\infty; 30,061]$ .

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

# Exemple (ter) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$\mathcal{H}_0 : "m \leq 30"$  contre  $\mathcal{H}_1 : "m > 30"$ .

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X} : \bar{X} \sim \mathcal{Stu}_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{Stu}_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

- ▷ Densité de  $\bar{X}$  :

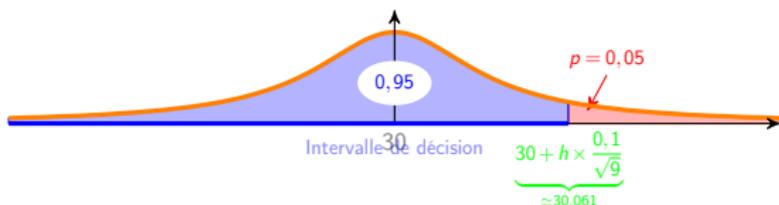


Table de Student

	2p	...	0,1
d.d.l.			
...			...
9	...		1,833

$P(\bar{X} \in ]-\infty; 30,061]) = 0,95 : I = ]-\infty; 30,061]$ .

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple (ter) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 30".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

- ▷ Densité de  $\bar{X}$  :

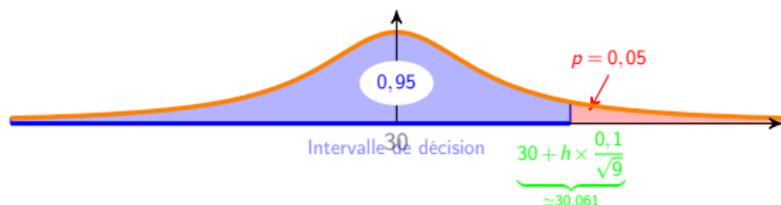


Table de Student

	2p	...	0,1
d.d.l.			
...			...
9		...	1,833

$$P(\bar{X} \in ]-\infty; 30,061]) = 0,95 : I = ]-\infty; 30,061].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple (ter) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 30".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

- ▷ Densité de  $\bar{X}$  :

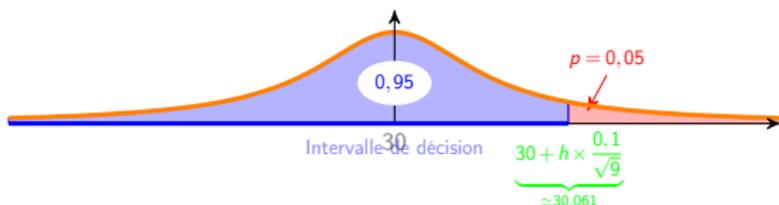


Table de Student

	2p	...	0,1
d.d.l.			
⋮			⋮
9		...	1,833

$$P(\bar{X} \in ]-\infty; 30,061]) = 0,95 : I = ]-\infty; 30,061].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

## Exemple (ter) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 30".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

- ▷ Densité de  $\bar{X}$  :

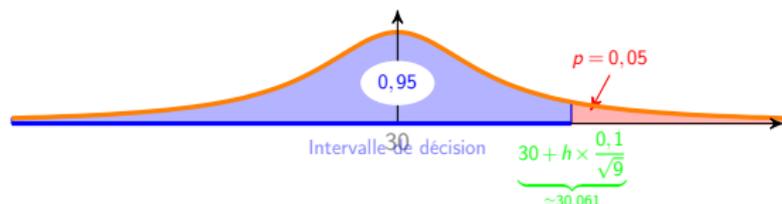


Table de Student

	2p	...	0,1
d.d.l.			
...			...
9	...		1,833

$$P(\bar{X} \in ]-\infty; 30,061]) = 0,95 : I = ]-\infty; 30,061].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

▷  $\bar{x} \in I$ ,

## Exemple (ter) - Réalisation du test.

- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 30".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

- ▷ Densité de  $\bar{X}$  :

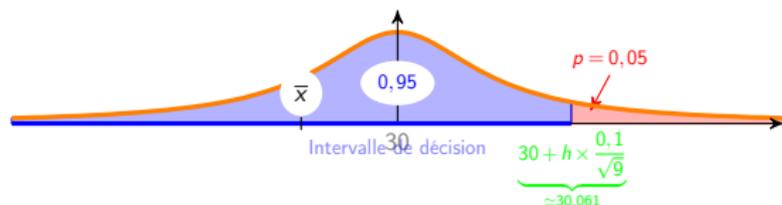


Table de Student

d.d.l.	2p	...	0,1
...			...
9		...	1,833

$$P(\bar{X} \in ]-\infty; 30,061]) = 0,95 : I = ]-\infty; 30,061].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

▷  $\bar{x} \in I$ ,

## Exemple (ter) - Réalisation du test.

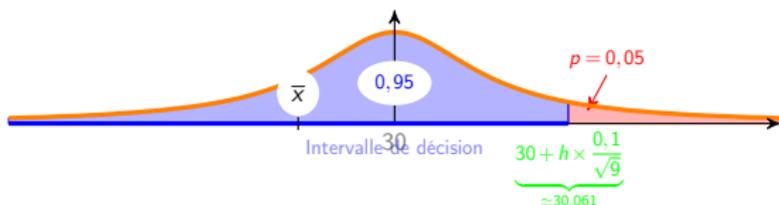
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 30".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

- ▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  n'est pas "trop supérieur" à 30.

$$P(\bar{X} \in ]-\infty; 30,061]) = 0,95 : I = ]-\infty; 30,061].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

▷  $\bar{x} \in I$ ,

## Exemple (ter) - Réalisation du test.

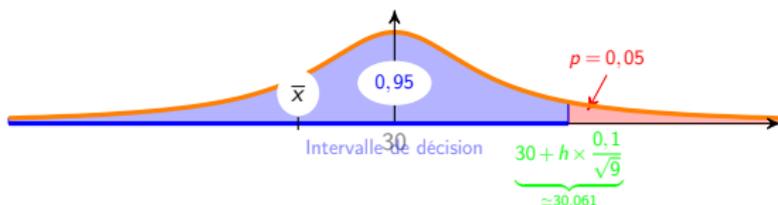
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 30".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

- ▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  n'est pas "trop supérieur" à 30.

$\bar{x}$  n'est pas supérieur à 30

de manière significative.

$$P(\bar{X} \in ]-\infty; 30,061]) = 0,95 : I = ]-\infty; 30,061].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

▷  $\bar{x} \in I$ ,

## Exemple (ter) - Réalisation du test.

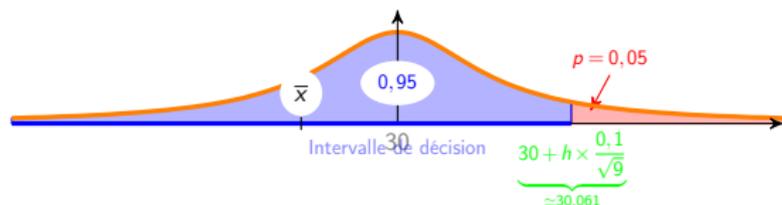
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 30".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

- ▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  n'est pas "trop supérieur" à 30.

$\bar{x}$  n'est pas supérieur à 30

de manière significative.

$$P(\bar{X} \in ]-\infty; 30,061]) = 0,95 : I = ]-\infty; 30,061].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

- ▷  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ).

## Exemple (ter) - Réalisation du test.

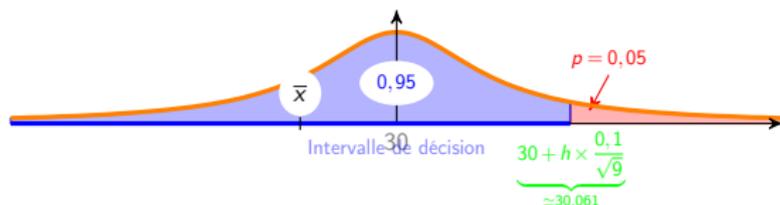
- Écriture des hypothèses :

$$\mathcal{H}_0 : "m \leq 30" \text{ contre } \mathcal{H}_1 : "m > 30".$$

- Intervalle de décision : **on suppose l'hypothèse  $\mathcal{H}_0$  vraie ( $m \leq 30$ )**.

▷ Loi de  $\bar{X}$  :  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( m; \frac{s}{\sqrt{n-1}} \right)$  càd  $\bar{X} \sim \mathcal{I}tu_9 \left( 30; \frac{0,1}{\sqrt{9}} \right)$ .

- ▷ Densité de  $\bar{X}$  :



$\bar{x}$  n'est pas "trop supérieur" à 30.

$\bar{x}$  n'est pas supérieur à 30

de manière significative.

$$P(\bar{X} \in ]-\infty; 30,061]) = 0,95 : I = ]-\infty; 30,061].$$

- Décision : (après prélèvement de l'échantillon,  $\bar{x} = 29,95$ )

- ▷  $\bar{x} \in I$ , on accepte  $\mathcal{H}_0$  (et rejette  $\mathcal{H}_1$ ).

Du point de vue du client, on peut penser que  $m$  est inférieure ou égale à 30L.

## Remarque sur la normalité de la population.

### Remarque :

- ▷ l'hypothèse de normalité de la population est souvent indispensable ;
- ▷ le chapitre 2 aborde plusieurs façons de tester (à partir de d'échantillons) si une population est normale.